

- مرتبه اجرایی برنامه زیر چیست؟

int x, i=n;

while (i>1) { x++; i=i/2; }

$$O(2^n)$$

$$O(n^2)$$

$$O(\log n)$$

$$O(n)$$

- کدام گزینه صحیح است؟

$$T(n)=5n^2+n+1 \in O(n^3)$$

$$T(n)=2n+1 \in O(n)$$

$$T(n)=2^n \in O(5^n)$$

$$T(n)=5*5^n \in O(3^n)$$

- در تابع برجهای هانوی (Hanoi) برای $n=3$ تابع در اجرای کامل چند بار دیگر تابع Hanoi را فراخوانی می‌کند؟

۲ . ۴

۳ . ۳

۸ . ۲

۶ . ۱

- رابطه بازگشتی زیر را در نظر بگیرید. $T(n)$ از چه مرتبه‌ای است؟

$$T(n)=\begin{cases} 5 & \text{if } n=1 \\ 2T\left(\frac{n}{2}\right)+6n & \text{if } n>1 \end{cases}$$

$$T(n) \in O(2^n)$$

$$T(n) \in O(\log n)$$

$$T(n) \in O(n \log n)$$

$$T(n) \in O(n)$$

- آرایه دو بعدی $A[8][10]$ را در نظر بگیرید. با فرض اینکه هر عدد از نوع int، size باشد و فضای اشغال می‌کند و آرایه از آدرس α شروع و به صورت ستونی ذخیره شده باشد، محل عنصر $A[7][5]$ در چه مکانی از حافظه خواهد بود؟

$$\alpha + 75 * \text{size}$$

$$\alpha + 47 * \text{size}$$

$$\alpha + 64 * \text{size}$$

$$\alpha + 38 * \text{size}$$

۶- می خواهیم ماتریسی به شکل `[10][10] int matrix` را که تنها ۱۰ عنصر غیر صفر دارد، به شکل بهبود یافته (اسپارس) ذخیره کنیم. در این صورت چند بایت در ذخیره سازی صرفه جویی خواهد شد. هر ۴ بایت فضا اشغال می کند.

۲۸۰ .۴

۷۰ .۳

۱۳۲ .۲

۶۷ .۱

۷- اگر بخواهیم ماتریس بالا مثلثی **A** را با آرایه یک بعدی **B** نمایش دهیم و هر عضو $A[i][j]$ معادل عنصر $B[L, i, j]$ باشد، بین L, i, j رابطه ای برقرار باشد. ذخیره ماتریس در **B** به شکل ستونی می باشد.

$$B[0]=a_{00} \quad B[1]=a_{01} \quad B[2]=a_{11} \quad \dots$$

$$\begin{bmatrix} a_{00} & \cdots & a_{0n} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ & \cdots & a_{mn} \end{bmatrix}$$

www.nashr-estekhdam.ir

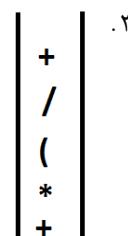
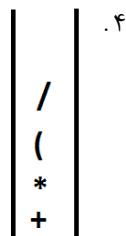
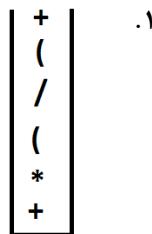
$$\frac{j(j-1)}{2} + j \quad .۲$$

$$\frac{i(i-1)}{2} + j \quad .۱$$

$$\frac{i(i+1)}{2} + j \quad .۴$$

$$\frac{j(j+1)}{2} + i \quad .۳$$

۸- برای تبدیل عبارت $a + b * (c / (d + e)) * f$ به عبارت پسوندی با استفاده از پشته، پس از در یافت اولین پرانتر بسته و پرازش آن، پشته چه شکلی دارد؟



۹- حاصل عبارت پیشوندی زیر، با فرض $a=3$, $b=2$, $c=5$ برابر با کدام گزینه است؟

$$- * + a b c */ b b c$$

۱۳ .۴

۲۰ .۳

۸ .۲

۲۱ .۱

۱۰- اگر دنباله اعداد ۱ تا ۶ را به ترتیب وارد پشته کنیم. کدام یک از خروجی های زیر از پشته امکان پذیر نیست؟(اعداد را از چپ به راست بخوانید)

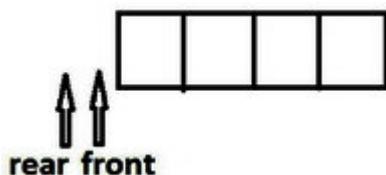
۳ ۲ ۱ ۶ ۵ ۴ .۲

۱ ۲ ۳ ۴ ۵ ۶ .۱

۱ ۴ ۲ ۳ ۵ ۶ .۴

۲ ۱ ۴ ۳ ۵ ۶ .۳

۱۱- برای صفحه حلقوی زیر دستورات شکل دستورات را از چپ به راست بخوانید.



www.nashr-estekhdam.ir

addq(2) , addq(3) , addq(4) , delq() , delq() , addq(5) , addq(6) , delq() , delq() , addq(3)

2 3 4 .۲

6 4 5 .۱

6 3 .۴

3 4 5 .۳

۱۲- تابع زیر چه کاری انجام می دهد؟

```
Node * func(Node* L)
{
    Node *s,*k;
    s=NULL;
    while(L){k=s;      s=L;      L=L ->next;  S ->next=k;}
    return s;
}
```

www.nashr-estekhdam.ir

۱. اعضای لیست پیوندی خطی L را چاپ می کند.
۲. تغییری در لیست پیوندی L ایجاد نمی کند.
۳. لیست پیوندی خطی را به لیست پیوندی حلقوی تبدیل می کند.
۴. معکوس لیست پیوندی L را می دهد.

۱۳- در یک لیست پیوندی دو طرفه با پیوندهای **right**, **left** کدام روال گره **p** را به سمت چپ گره **X** اضافه می کند؟

```
void func(node*p,node *x){ .۱
    x->left=p;
    x->left->right=p;
}
```

```
void func(node*p,node *x){ .۲
    p->left=x;
    p->right=x->right;
    x->right->left=p;
    x->right=p;
}
```

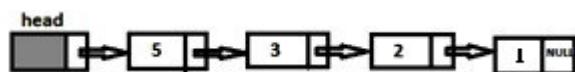
```
void func(node*p,node *x){ .۳
    p->left=x->left;
    p->right=x;
    x->left->right=p;
    x->left=p;
}
```

```
void func(node*p,node *x){ .۴
    p->left=x->left;
    x->left=p;
    x->left->right=p;
    p->right=x;
}
```

۱۴- در یک لیست پیوندی حلقوی درستی شرط first->next=first نمایانگر کدام گزینه است؟

۱. لیست هیچ عنصری ندارد و کاملاً خالی است.
۲. لیست فقط یک عنصر دارد.
۳. به آخرین عنصریک لیست چندعنصری رسیده ایم.
۴. لیست پر شده است.

۱۵- خروجی تابع زیر برای لیست مقابله چیست؟ (head به سر لیست اشاره می کند.)



```
void what(node *head)
{int m=0; H=head->next;
while(H!=NULL)
{
    m++;
    H=H->next;
}
Cout<<m;
}
```

www.nashr-estekhdam.ir

۷ . ۴

۴ . ۳

۱۴ . ۲

۱ . ۱

۱۶- حداکثر تعداد گره ها در یک درخت دودویی به عمق ۵ چند است؟

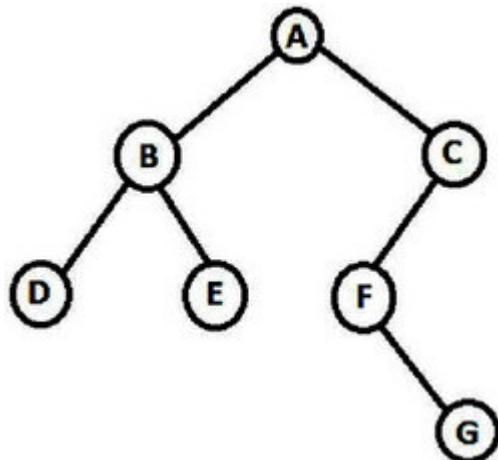
۱۵ . ۴

۱۶ . ۳

۳۱ . ۲

۳۲ . ۱

۱۷- اگر درخت مقابل را نخ کشی کنیم اشاره گر left گره به کدام گره اشاره می کند؟



E . ۴

G . ۳

C . ۲

A . ۱

۱۸- تعداد درختهای متمايز با ۴ گره کدام گزینه است؟

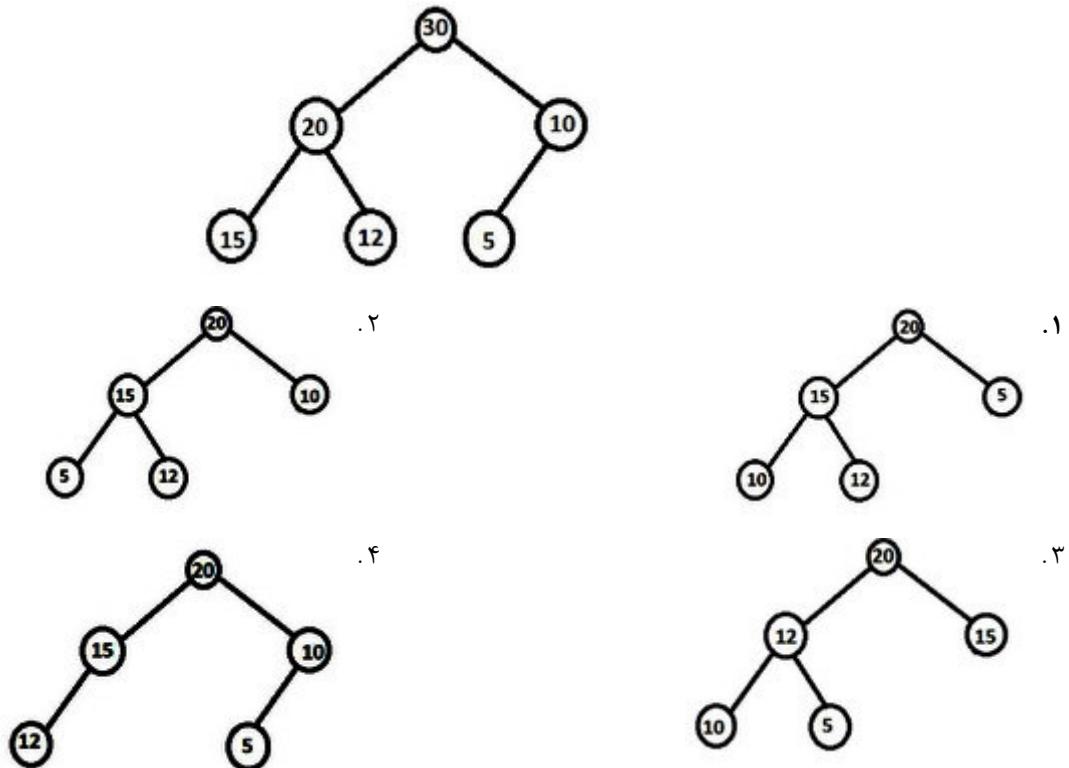
۱۶ . ۴

۱۰ . ۳

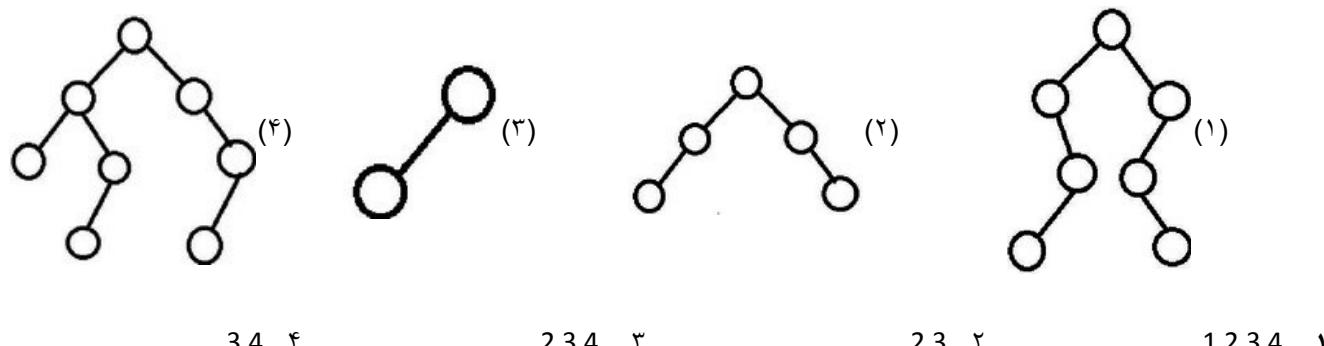
۱۴ . ۲

۲۴ . ۱

۱۹- در درخت **maxheap** مقابل پس از حذف ریشه درخت چه شکلی پیدا می کند؟



۲۰- کدام درختها درخت **AVL** هستند؟



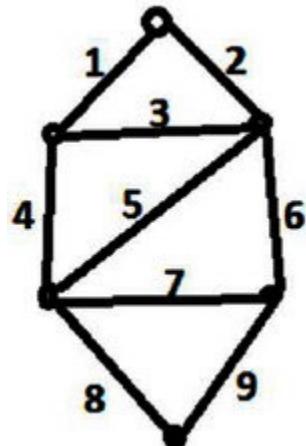
۳,۴ .۴

۲,۳,۴ .۳

۲,۳ .۲

۱,۲,۳,۴ .۱

۲۱- گراف مقابل را در نظر بگیرید وزن درخت پوشای مینیمم آن چقدر است؟



www.nashr-estekhdam.ir

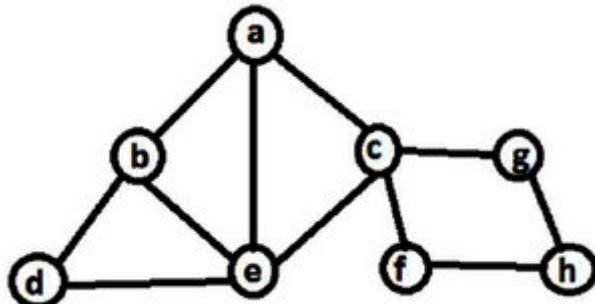
۲۵. ۴

۱۵. ۳

۲۴. ۲

۲۱. ۱

۲۲- در گراف مقابل نتیجه جستجوی عمقی برابر است با.....



abcdefhg .۴

abdecfhg .۳

abdecghf .۲

abecdfgh .۱

۲۳- کدام روش مرتب سازی در حالتی که آرایه به صورت نزولی مرتب باشد بهتر عمل می کند؟

۴. هرمی

۳. سریع

۲. انتخابی

۱. حبابی

۲۴- آرایه زیر را در نظر بگیرید. بعد از یک مرحله اجرای **quicksort** آرایه چه شکلی پیدا می کند؟(عنصر محور عدد ۱۵ است و آرایه از چپ به راست نوشته شده است)

15 10 12 18 20 9 11

9 11 12 10 15 18 20 .۲

9 10 12 11 15 18 20 .۱

10 12 11 9 15 20 18 .۴

10 11 12 9 15 20 18 .۳

۴۵- در مورد مرتب سازی ادغام کدام گزینه درست است؟

۱. الگوریتمی درجا است.

۲. مرتبه زمانی آن در حالت متوسط از مرتب سازی هرمی در حالت متوسط بهتر است.

۳. مرتبه زمانی آن در بدترین حالت $O(n^2)$ است.

۴. الگوریتمی پایدار است.

ب	1
الف	2
الف	3
د	4
الف	5
ب	6
ج	7
د	8
ج	9
د	10
د	11
د	12
ج	13
ب	14
ج	15
ب	16
الف	17
ب	18
ب	19
ب	20
الف	21
ج	22
الف	23
الف	24
د	25

۱- کدامیک از عبارات زیر صحیح نیستند؟

$$\sum_{i=0}^n i^3 \in \theta(n^4)$$

$$7n^2 2^n + 5n^2 \log n \in \theta(n^2 2^n)$$

$$10^n + n^{20} \notin \theta(n^n)$$

$$(\log_2^n)! \in \Omega(n!)$$

۲- پیچیدگی زمانی الگوریتم زیر کدام است؟

```
sum=0
for (i=0; i<n ; i++)
    for (j=0; j<i; j++)
        for (k=0; k<3; k++)
            sum++;
```

www.nashr-estekhdam.ir

$$O(n^2)$$

$$O(n \log n)$$

$$O(n)$$

$$O(n^3)$$

۳- آرایه سه بعدی $A[m][n][p]$ در یک آرایه یک بعدی $B[m \times n \times p]$ به روش سط्रی ذخیره شده است. آدرس عنصر در آرایه B کدام است؟

$$i \times m \times n + j \times n + k$$

$$m \times n \times p + n \times p + 1$$

$$i \times n \times p + j \times p + k$$

$$i \times n \times p + j \times m + k$$

۴- ماتریس سه قطری ماتریسی است که در آن تنها عناصر قطر اصلی، و قطر بالا و پایین قطر اصلی غیر صفر هستند. اگر ماتریس A یک ماتریس سه قطری باشد و اندیس خانه های آرایه از ۱ شروع شوند، برای ذخیره سازی عناصر غیر صفر ماتریس A در یک آرایه یک بعدی B چه رابطه ای بین $[A[i][j]]$ و $[B[k]]$ وجود دارد؟

$$k = i+2j-2$$

$$k = i+2j+2$$

$$k = 2i+j+2$$

$$k = 2i+j-2$$

۵- عبارت Prefix زیر داده شده است:

$$+-*^ABCD / E / F + GH$$

کدامیک از عبارت زیر معادل infix عبارت فوق هستند؟ (علامت * نمایانگر عمل توان است).

$$A^B * (C - D) + \frac{EF}{G} + H$$

$$A^{B*(C-D)} + E(F/(G+H))$$

$$A^B * C - D + E / (F / (G + H))$$

$$A^B * C - D + E / F / G + H$$

۶- شرط پر بودن صفحه معمولی و صف حلقوی عبارت است از (r انتهای و f ابتدای صف را مشخص می کند):

۱. صف معمولی $f = (r+1) \% \text{maxqueue}$ و صف حلقوی $r = \text{maxqueue}-1$

۲. صف معمولی $r = \text{maxqueue}-1$ و صف حلقوی $r = \text{maxqueue}-1$

۳. صف معمولی $r = f-1$ و صف حلقوی $r = (r+1) \% \text{maxqueue}$

۴. صف معمولی $r = f$ و صف حلقوی $r = r$

۷- دو صف Q_1 و Q_2 دارای عناصر زیر هستند:

Q_1 :

9	24	16	40	18	25	74
0	1	2	3	4	5	6

www.nashr-estekhdam.ir

Q_2 :

0	4	6	3	8	5
0	1	2	3	4	5

اگر صف Q_3 یک صف خالی باشد، پس از اجرای دستورات زیر مقدار صف Q_3 کدام است؟

```
i=0;  
while (!IsEmpty(Q1) && !IsEmpty(Q2))  
{  
    x=Del(Q1);  
    y=Del(Q2);  
    if (y==i) Add(Q3,x);  
    i++;  
}  
()
```

به این معنی است که عنصری از صف Q_i حذف می شود و (Q_i, k) به این معنی است که عنصر k به صف Q_i اضافه شود.

۹	۴۰	۲۴
.	.	.

۰	۳	۵
.	.	.

۹	۲۴	۱۶
.	.	.

۰	۴	۶
.	.	.

۸- اگر L آدرس شروع یک لیست پیوندی باشد، برنامه زیر چه کاری انجام می دهد؟

```
int f1(Node * L)
{
    int m=0;
    for (Node * p=L; p!=NULL; p=p->Next)
        if (m<p->info) m=p->info;
    return (m);
}
```

۱. بزرگترین داده در لیست پیوندی را برمی گرداند.
۲. تعداد گره ها در لیست پیوندی را برمی گرداند.
۳. مقدار آخرین گره از لیست پیوندی را برمی گرداند.
۴. اولین مقداری که از مقدار اولین گره لیست پیوندی بیشتر است را برمی گرداند.

۹- در تابع زیر به جای علامت * چه دستوری قرار گیرد تا تابع زیر لیست پیوندی با آدرس شروع L را معکوس نماید؟

```
Node * func(Node * L)
{
    Node *m, *t;
    m=NULL;
    while (L)
    { t=m;  m=L;
      L=L->Next;
      *
    }
    return (m);
}
```

www.nashr-estekhdam.ir

m->Next=t; .۴

L->Next=m; .۳

m=m->next; .۲

t->next=m; .۱

۱۰- اگر x و y آدرس شروع دو لیست پیوندی جداگانه باشد، تابع زیر:

```
Node * func (Node * x, Node * y)
{
    Node * p=x;
    if (!x=NULL)
    {
        while (p->next!=NULL) p=p->Next;
        p->Next=y;
    }
    else x=y;
    return (x);
}
```

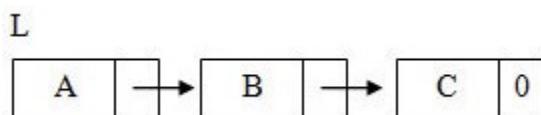
۱. لیست X را معکوس نموده و آدرس شروع آن را در متغیر y قرار می‌دهد.

۲. لیست y را به انتهای لیست X ملحق نموده و آدرس شروع لیست جدید را برابر می‌گرداند.

۳. لیست X را به انتهای لیست y ملحق نموده و آدرس شروع لیست جدید را برابر می‌گرداند.

۴. اگر لیست X غیر تهی باشد، لیست y جایگزین لیست X می‌شود.

۱۱- خروجی تابع `func` با دریافت آدرس شروع لیست پیوندی زیر چیست؟



```
void func (Node * L)
{
    if (L)
    {
        cout << L->info;
        func (L->Next);
        cout << L->info;
    }
}
```

www.nashr-estekhdam.ir

CBA . ۴

ABCABC . ۳

AABBCC . ۲

ABCCBA . ۱

۱۲- یک لیست پیوندی با دو اشاره گر F و R که به ترتیب به عنصر اول و آخر لیست پیوندی اشاره می‌کنند پیاده سازی شده است. زمان اجرای کدامیک از اعمال زیر وابسته به تعداد عناصر لیست است؟

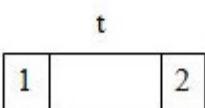
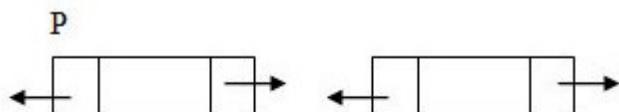
۲. حذف آخرین عنصر

۱. حذف اولین عنصر

۴. درج یک عنصر در ابتدای لیست

۳. درج یک عنصر در انتهای لیست

۱۳- در لیست پیوندی زیر، گره با آدرس t باید بعد از گره p اضافه شود. برای این منظور کدام دستورات لینک شماره ۱ و ۲ از گره t را درست مقداردهی می‌کند؟



$t \rightarrow left = p \rightarrow right$.۲

$t \rightarrow left = p$.۱

$t \rightarrow right = p \rightarrow right$

$t \rightarrow right = p \rightarrow right$

$t \rightarrow left = p$.۴

$t \rightarrow left = p \rightarrow left$.۲

$t \rightarrow right = p \rightarrow right \rightarrow left$

$t \rightarrow right = p \rightarrow right \rightarrow left$.۳

۱۴- به یک Min-Heap خالی به ترتیب گره‌هایی با کلیدهای (از چپ به راست) ۷۰، ۷۵، ۴۰، ۴۲، ۴۵، ۵۵، ۵۰، ۴۵، ۵۰ اضافه شده است. سپس ۳ عمل حذف بر روی این Min-Heap انجام می‌گیرد درخت نهایی (که به صورت آرایه و از چپ به راست نشان داده شده است) کدام گزینه است؟

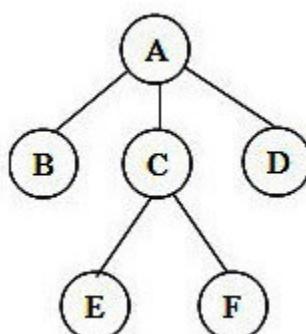
۴۵، ۵۵، ۵۰، ۷۵، ۷۰ .۴

۴۵، ۵۰، ۵۵، ۷۵، ۷۰ .۳

۴۵، ۵۰، ۵۵، ۷۰، ۷۵ .۲

۴۵، ۵۵، ۵۰، ۷۰، ۷۵ .۱

۱۵- پیمایش PostOrder درخت مقابله کدام است؟



CEFBDA .۴

ABCDEF .۳

EFBCDA .۲

BEFCDA .۱

۱۶- اگر T یک درخت دودویی غیرتلهی با n گره باشد و n_0 تعداد گره های برگ و n_2 تعداد گره های با درجه ۱ و n_1 تعداد گره های با درجه ۲ های با درجه ۲ و نیز K ارتفاع درخت باشد، کدامیک از روابط زیر همیشه برقرار هستند؟

$$n = 2^k - 1 \quad (\text{III}) \quad n_0 = n_2 + 1 \quad (\text{II}) \quad K = \lfloor \log_2^n \rfloor + 1 \quad (\text{I})$$

III و II و I . ۴ II . I . ۳ II . ۲ III . I . ۱

۱۷- در یک درخت دودویی کامل به ارتفاع h حداقل و حداکثر تعداد گره ها برابر است با:

$$\begin{array}{cccc} \sum_{i=1}^{h+1} 2^{i-1} & \sum_{i=1}^h 2^{i-1} & . ۲ & \sum_{i=1}^h 2^{i-1} & (\sum_{i=1}^{h-1} 2^{i-1}) + 1 & . ۱ \\ \text{و حداکثر} & \text{حداقل} & & \text{و حداکثر} & \text{حداقل} & \\ (\sum_{i=1}^h 2^{i-1}) + 1 & (\sum_{i=1}^{h-1} 2^{i-1}) - 1 & . ۴ & (\sum_{i=1}^{h+1} 2^{i-1}) + 1 & (\sum_{i=1}^h 2^{i-1}) + 1 & . ۳ \\ \text{و حداکثر} & \text{حداقل} & & \text{و حداکثر} & \text{حداقل} & \end{array}$$

۱۸- عمل درج در درخت Heap، درخت جستجوی دودویی و درخت جستجوی متعادل دارای چه پیچیدگی زمانی است) ارتفاع درخت است(؟

۱. درج در Heap پیچیدگی $O(\log n)$ ، درخت جستجوی دودویی پیچیدگی $O(\log n)$ ، درخت جستجوی متعادل پیچیدگی $O(\log n)$

۲. درج در Heap پیچیدگی $O(\log n)$ ، درخت جستجوی دودویی پیچیدگی $O(h)$ ، درخت جستجوی متعادل پیچیدگی $O(h)$

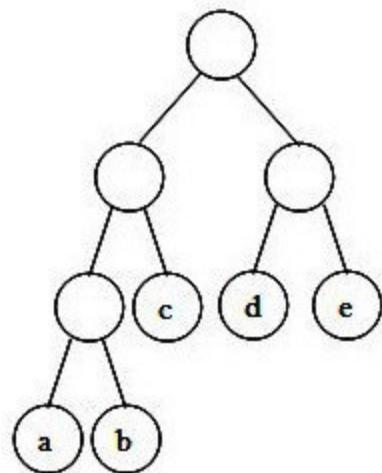
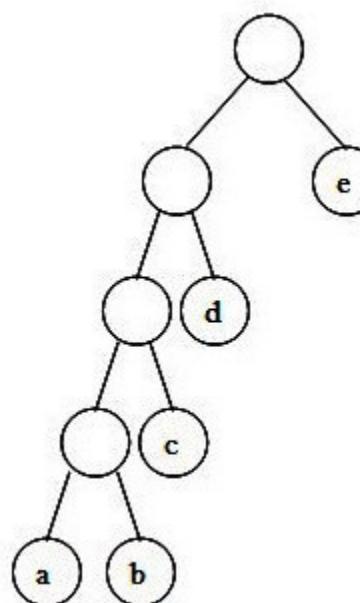
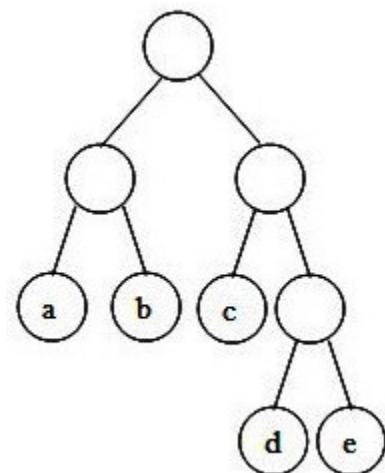
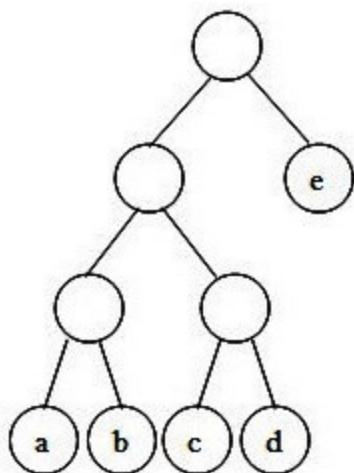
۳. درج در Heap پیچیدگی $O(n)$ ، درخت جستجوی دودویی پیچیدگی $O(n)$ ، درخت جستجوی متعادل پیچیدگی $O(n)$

۴. درج در Heap پیچیدگی $O(n)$ ، درخت جستجوی دودویی پیچیدگی (h) ، درخت جستجوی متعادل پیچیدگی $O(h)$

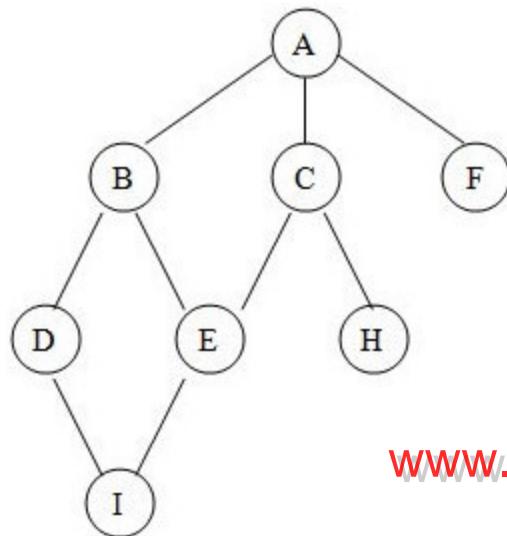
۱۹- حروف a,b,c,d,e با جدول فراوانی زیر داده شده است. درخت هافمن وابسته به این حروف کدام است؟

www.nashr-estekhdam.ir

حروف	a	b	c	d	e
فراوانی	۰/۰۵	۰/۱	۰/۲۵	۰/۲۸	۰/۳۲



۲۰- اگر در گراف زیر جستجوی dfs را از رأس C شروع کنیم، پیمایش گره ها به ترتیب از چپ به راست کدام است؟ (فرض کنید فرزندان یک گره به ترتیب حروف الفبا انتخاب شوند).



www.nashr-estekhdam.ir

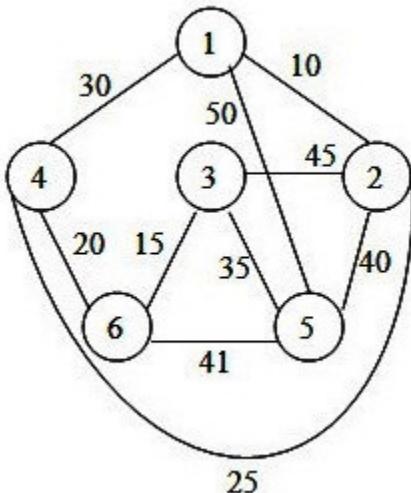
CABDEHIF .۴

CAEHBFID .۳

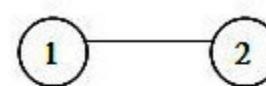
CABDIEFH .۲

CABDEFHI .۱

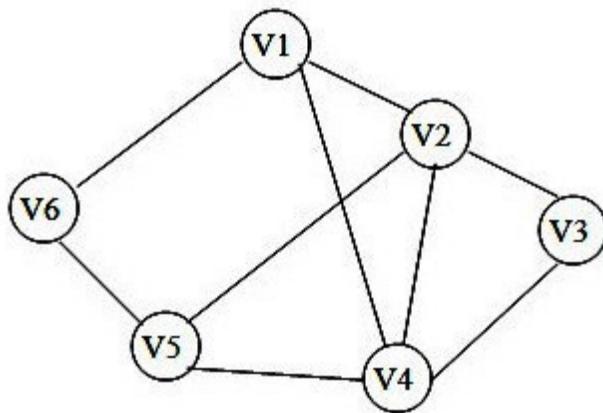
۲۱- اگر برای پیدا کردن درخت پوشای کمینه از الگوریتم پریم استفاده شود، کدامیک از کزینه های زیر درخت حاصل در انتهای مرحله سوم این الگوریتم را به ما می دهد؟



www.nashr-estekhdam.ir



۴۲- در گراف مقابل حاصل جستجوی BFS با شروع از رأس V1 برابر است با:



v1,v6,v5,v4,v2,v3 . ۲

v1,v2,v3,v4,v5,v6 . ۱

v1,v6,v4,v2,v5,v3 . ۴

v1,v6,v4,v2,v3,v5 . ۳

۴۳- در مورد الگوریتم های مرتب سازی کدام گزینه صحیح نیست؟

۱. مرتب سازی حبابی در حالتی که لیست مرتب باشد، دارای مرتبه زمانی $O(n)$ است.

۲. مرتب سازی حبابی و ادغامی پایدار هستند.

۳. در الگوریتم مرتب سازی سریع بدترین حالت زمانی است که آرایه مرتب باشد.

۴. در الگوریتم مرتب سازی درجی بدترین حالت زمانی است که آرایه مرتب باشد.

www.nashr-estekhdam.ir

به دو سوال زیر پاسخ دهید.

۴۴- اگر تابع $f(s, i, j)$ از خانه i ام رشته S تعداد j کاراکتر را برگرداند، تابع $f(s, 4)$ به صورت زیر:

$$f(s, n) = \begin{cases} s & \text{if } n = 1 \\ f(\text{sub}(s, 1, n-1), n-1) + \text{sub}(s, n, 1) & \text{if } n > 1 \end{cases}$$

بر روی رشته $s = "ABCD"$ موجب خواهد شد:

۲. مقدار $s = "DCBA"$ شود.

۱. مقدار $s = "ABCD"$ باقی بماند.

۴. مقدار $s = "ABCDD"$ شود.

۳. مقدار $s = "AABCD"$ شود.

۲۵- در صورتیکه مرتبه تابع sub برابر ۱ باشد (تابع $\text{sub}(s,i,j)$ از خانه i ام رشته S تعداد زکرکتر را برگرداند)، مرتبه زمانی تابع f برابر است با:

$$f(s,n) = \begin{cases} s & \text{if } n = 1 \\ f(\text{sub}(s,1,n-1),n-1) + \text{sub}(s,n,1) & \text{if } n > 1 \end{cases}$$

$$O(n)$$

$$O(n^2)$$

$$O(\log_2^n)$$

$$O(2^n)$$

1	ج
2	د
3	ب
4	الف
5	د
6	الف
7	د
8	الف
9	د
10	ب
11	الف
12	ب
13	الف
14	الف
15	الف
16	ب
17	الف
18	ب
19	ج
20	ب
21	د
22	د
23	د
24	الف
25	د

۱- مرتبه اجرای الگوریتم زیر چیست؟

X = 0;

For (j = 0; j < n-1; j++)

 For (k =n-1; k >= j+1; k--)

 X ++;

$O(n^2)$

$O(2^n)$

$O(n)$

$O(\log_2 n)$

۲- پیچدگی عمل درج و عمل حذف را از لیست پیوندی به ترتیب برابر کدام گزینه است؟

$O(1), O(1)$

$O(1), O(n)$

$O(n), O(1)$

$O(n), O(n)$

۳- کدام روش برای ذخیره ماتریس های پایین مثلثی مناسب تر است؟

۱. ماتریس اسپارس

۲. لیست پیوندی یک طرفه

۳. آرایه یک بعدی

۴. لیست پیوندی دو طرفه

۴- فرض کنید آرایه A با row سطر و col ستون به صورت float A [row][col] در زبان C^{++} تعریف شده باشد، اگر

آدرس پایه این آرایه برابر ۲۰۰ باشد و هر float، چهار بایت اشغال کند آنگاه آدرس A [i][j] به روش ستونی توسط کدام یک از روابط زیر به دست می آید؟

.۱

$(j * \text{col} + i) * 200 + 4$

$(i * \text{col} + j) * 200 + 4$

.۲

$(j * \text{row} + i) * 200 + 4$

$(i * \text{row} + j) * 200 + 4$

.۳

۵- عبارت infix $-/a*bcdg$ کدام است؟

$a / (b * c) - d / g$

$(a / (b * c) - d) / g$

.۴

$(a / (b - c) * d) / g$

$(a / b * c - d) / g$

.۵

۶- اعداد ۱ تا ۶ را به ترتیب وارد پشته می شوند . کدام یک از گزینه ها را نمی توان در خروجی نمایش داد ؟

۲۱۵۳۶۴ . ۲

۱۳۲۵۴۶ . ۱

۱۲۳۴۵۶ . ۴

۶۵۴۳۲۱ . ۳

۷- کدام گزینه در ساختار یک صف حلقوی با $n=5$ بیان کننده خالی یا پر بودن صف است؟

۱. خالی: $F=1, R=0$ و پر: $F=3, R=3$

۱. خالی: $F=0, R=4$ و پر: $F=0, R=5$

۲. خالی: $F=0, R=4$ و پر: $F=1, R=0$

۲. خالی: $F=0, R=1$ و پر: $F=0, R=0$

۸- برای پیاده سازی کلاس پشته در C++ تابعی به نام stack() همنام با نام کلاس پشته تعریف می شود که به آن سازنده کلاس گویند کدام یک از عمل های زیر در سازنده stack() (constructor) انجام می شود ؟

www.nashr-estekhdam.ir

۱. تست پر بودن پشته

۲. مقداردهی اولیه top پشته

۳. هیچ جمله ای نمی آید

۴. تست خالی بودن پشته

۹- صفحه خالی **q** پشته خالی **S** را در نظر بگیرید. قطعه برنامه زیر چه داده ای را در خروجی چاپ می کند؟

```
Cin>>n;  
While (n)  
{  
    q.Add(n%10);  
    n/=10;  
}  
While (!q.isEmpty ())  
m=q.Delete();  
if(m!=0)  
s.push (m);  
while (!s.isEmpty ())  
cout<<s.pop().
```

www.nashr-estekhdam.ir

۱. ارقام **n** را از چپ به راست تا قبل از اولین صفر در خروجی چاپ می کند.
۲. ارقام صفر **n** را حذف کرده و آن را در خروجی چاپ می کند
۳. **n** را مقلوب کرده و پس از حذف ارقام صفر آن را در خروجی چاپ می کند
۴. مقلوب **n** را در خروجی چاپ می کند

۱۰-تابع زیر چه عملی را انجام میدهد؟

List x(node*L)

```
{  
if(L!=null){  
    x(L-->next);  
    cout<<L-->info;  
}  
}
```

www.nashr-estekhdam.ir

- | | |
|---------------------------------|--|
| ۲. لیست را مرور می کند | ۱. لیست پیوندی را از آخر به اول چاپ می کند |
| ۴. لیست پیوندی را معکوس می کند. | ۳. محل دو عنصر در لیست را جا به جا می کند. |
- ۱۱-برای اضافه کردن یک گره به یک لیست پیوندی دو طرفه چند جای گزینی لازم است؟

۴ . ۴

۳ . ۳

۲ . ۲

۱ . ۱

۱۲- حاصل قطعه کد مقابله کدام گزینه می تواند باشد؟

```
P=first;  
Sum=0;  
While(p!=null){  
If( p → info %2==0)  
Sum=sum+p → info;  
P=p → next;  
}  
}
```

www.nashr-estekhdam.ir

۱. تعداد گره های لیست را شمارش می کند

۲. مجموع عناصر لیست را محاسبه می کند

۳. گره های که دارای عناصر زوج هستند را جمع می زند.

۴. مقادیر گره های لیست را با اعداد زوج جایگزین می کند سپس جمع می زند.

۱۳- قطعه کد زیر چه کاری را انجام میدهد؟

```
P=get_node();  
p -->info=x;  
p-->next=start;  
start=p;
```

۲. درج در انتهای لیست

۴. درج در ابتدای یک لیست غیر تهی

۱. درج در پشته پیوندی

۳. درج در صف پیوندی

۱۴- اگر در یک درخت با حداقل درجه ۲ تعداد کل گره ها با درجه دو برابر ۶ باشد تعداد گره ها با درجه یک برابر است با :

۲ . ۴

۳ . ۳

۴ . ۲

۵ . ۱

۱۵- حداقل تعداد عناصر یک درخت دودویی کامل کدام است؟

۱ . ۱

۲ . ۲

۴ . ۳

۱۵ . ۴

۱۶- دوشرط HEAP بودن یک درخت دودویی کدام است؟

۱.

پر بودن + مقدار داده موجود در هر گره از داده موجود در فرزندانش بزرگتر است.

۲.

کامل بودن + مقدار داده موجود در هر گره از فرزند چپ بزرگتر واز فرزند راست کوچکتر است.

۳.

کامل بودن + مقدار داده موجود در هر گره از داده موجود در فرزندانش بزرگتر است.

۴.

پربودن + مقدار داده موجود در هر گره از فرزند چپ کوچکتر از فرزند راست بزرگتر است.

www.nashr-estekhdam.ir

۱۷- کاربرد درخت جستجویی دودویی چیست؟

۱.

پیمایش پیشوندی آن سبب مرتب شدن داده ها می شود.

۲.

پیمایش پسوندی آن سبب مرتب شدن داده ها می شود.

۳.

حذف داده های تکراری از یک لیست.

۱۸- کدام گزینه الگوریتم مرتب سازی رانشان میدهد که از لحاظ درجا بودن مانند هم هستند؟

۱.

انتخابی و سریع و ادغام

۲.

حبابی و سریع و ادغامی

۳.

هرمی و انتخابی و سریع

درختی و ادغام و انتخابی

۱۹- در مرتب سازی سریع دومین دو عددی که جای آنها با یکدیگر عوض می شود کدام است؟

۷۵ و ۷۰ و ۶۵ و ۹۸ و ۱۰۰ و ۵۵ و ۶۱ و ۸۱ و ۸۴ و ۶۸

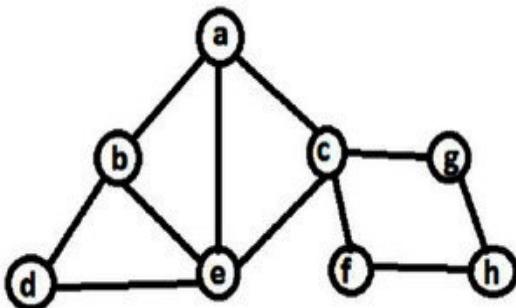
۱. ۸۴ و ۶۸

۹۸ و ۶۱ . ۲

۳. ۶۸ و ۹۸

۸۴ و ۸۱ . ۴

۲۰- در گراف مقابل نتیجه جستجوی عمقی برابر است با.....



abecdfgh .۴

abdecfhg .۳

abcdefhg .۲

abdecgfh .۱

۲۱- اگر یک لیست مرتب شده (با n خانه) را با استفاده از الگوریتم **Binary search** برای یک مقدار خاص جستجو کنیم تعداد دفعات مقایسه چه خواهد بود؟

$$O(n^2)$$

$$O\left(\frac{n}{2}\right)$$

$$O(\log_2 n)$$

$$O(n^3)$$

۲۲- تابع بازگشته زیر را در نظر بگیرید: مقدار برگشتی $rec(3)$ برابر است با :

Int f (int n)

```
{  
If (n=1)  
return 2 ;  
else  
return (f(n-1) * f(n-1)) ;  
}
```

www.nashr-estekhdam.ir

۱۶ .۴

۱۲ .۳

۸ .۲

۴ .۱

۴۳- ارایه زیر را در نظر بگیرید. بعد از یک مرحله اجرای مرتب سازی سریع، ارایه چه شکلی پیدا می کند؟

25 57 48 37 12 92 86 33

۲۵ ۴۸ ۳۷ ۱۲ ۵۷ ۸۶ ۳۳ ۹۲ . ۲

۲۵ ۳۳ ۴۸ ۳۷ ۱۲ ۹۲ ۸۶ ۵۷ . ۱

۲۵ ۵۷ ۴۸ ۳۷ ۱۲ ۹۲ ۸۶ ۳۳ . ۴

۱۲ ۵۷ ۴۸ ۳۷ ۲۵ ۹۲ ۸۶ ۳۳ . ۳

۴۴- عمق درخت دودویی معادل با عبارت محاسباتی $(-a)^{*}b^{*}c-d/e^{*}g+h$ برابر است با:

۷ . ۴

۶ . ۳

۵ . ۲

۴ . ۱

۴۵- کدام گزینه نادرست است ؟

www.nashr-estekhdam.ir

۱. در هیچ درخت عادی گره صفر وجود ندارد.

۲. در هر درخت تعداد یالها یکی کمتر از تعداد راس هاست.

۳. بیشترین تعداد گره ها روی سطح i ام برابر $2^i - 1$ است.

۴. در یک درخت دودویی با تعداد n گره تعداد اشاره گرهای null برابر $n + 1$ است.

شماره سؤال	پاسخ صحیح
1	د
2	د
3	ج
4	د
5	الف
6	ب
7	ب
8	ب
9	ب
10	الف
11	د
12	د
13	الف
14	ب
15	الف
16	ج
17	ج
18	د
19	ب
20	ب، ج
21	ب
22	د
23	ج
24	الف
25	ج

۱. دنباله اعداد $1, 3, 5, 7, 9$ را به ترتیب از سمت چپ به راست وارد پشته می کنیم، اگر تنها اعمال مجاز بر روی پشته عملیات باشد آنگاه کدام یک از خروجی های زیر از پشته امکان پذیر نیست؟ (از سمت چپ به راست)

۱ ۳ ۹ ۷ ۵(۲)

۹ ۷ ۵ ۳ ۱(۱)

۱ ۵ ۳ ۹ ۷(۴)

۱ ۹ ۳ ۷ ۴(۳)

۲. در مورد صفت حلقوی کدام گزینه (برای اعمال درج و حذف) صحیح است؟

`front=(front-1)%n , rear=(rear-1)%n(۲)`

`front=(front-1)%n , rear=(rear+1)%n(۱)`

`front=(front+1)%n , rear=(rear-1)%n(۴)`

`front=(front+1)%n , rear=(rear+1)%n(۳)`

۳. اگر $N=7$ تعداد عناصر در یک صفت حلقوی باشد و متغیر F به خانه ای که بلا فاصله قبل از جلوی صفت قرار دارد اشاره کند و متغیر R به عقب صفت، در این صورت کدام گزینه پر بودن صفت را نشان می دهد؟ (e-estekhdam.com)

$F = 6 , R = 0(۴)$

$F = 5 , R = 6(۲)$

$F = 5 , R = 5(۲)$

$F = 0 , R = 6(۱)$

۴. در کدام یک از شرایط نو شماره آفرزنده راست ندارد؟

$2i+1 > 1(۴)$

$2i+1 < 1(۳)$

$2i < n(۲)$

$2i > n(۱)$

۵. در مرتب سازی انتخابی داده پس از مرحله سورت میشود؟

$(n-1)/2(۴)$

$n-1(۳)$

$n+1(۲)$

$n(۱)$

۶. تعداد عناصر غیر صفر در ماتریس $3 \times n$ با ابعاد n^*n چیست؟

www.nashr-estekhdam.ir

$3n-2(۲)$

$3n(۱)$

$2n(۴)$

$2n-2(۳)$

۷. در کدام یک از ساختارهای زیر عمل حذف عنصر فقط از ریشه امکان پذیر است؟

۲) درخت جستجوی دودویی

۱) درخت دودویی

۴) هیچکدام

heap(۳)

۸. فرض کنید دو پشته را بوسیله یک آرایه به نام `elementtype Stack[n]` در زبان C++ به گونه ای تعریف کردی ایم که اگر کل فضای آرایه پر باشد خطای پر بودن پشته ها صادر می گردد، اگر تابع `Push 1` زیر، عملیات `Push` را برای `Stack` ای که از سمت چپ آرایه رشد می کند، پیاده سازی کند آنگاه کدام جمله صحیح است؟ (Top 1) برای `stack` سمت چپ می باشد و (Top 2) برای `Stack` سمت راست می باشد)

`Elementtype Push 1 (elementtype item) {`

```
if(top1==top2)
    return stacksFull();
Stack [++top1]=item;
```

(۱) `Top1 , Top2` هر دو به خانه خالی اشاره می کند

(۲) `Top1` به خانه پر و `Top2` به خانه خالی اشاره می کند

(۳) `Top1` به خانه خالی و `Top2` به خانه پر اشاره می کند

(۴) `Top1 , Top2` هر دو به خانه پر اشاره می کند

۹. اگر ضرب و تفریق هم تقدم و جمع و تقسیم هم تقدم فرض شوند و تقدم ضرب و تفریق از جمع و تقسیم کمتر فرض شود و همچنین برای هم تقدم ها (ضرب و تفریق) و (جمع و تقسیم) تقدم ها از راست به چپ (اشتراک پذیری از راست) فرض شود آنگاه پس از بدست آوردن `postfix` عبارت a^*b-c+d/e برای ارزیابی `postfix`، پشته حداقل چند خانه لازم دارد؟

۷(۴)

۶(۳)

۵(۲)

۴(۱)

۱۰. کدام یک از موارد زیر برای یک عبارت محاسباتی با حداقل ۱۰ تا عملوند صحیح است؟
مورد اول: ممکن است `postfix` ، `prefix` عبارت برابر باشند.

www.nashr-estekhdam.ir

مورد دوم: ممکن است `postfix` ، `infix` عبارت برابر باشند.

مورد سوم: ممکن است `infix` ، `prefix` عبارت برابر باشند.

مورد چهارم: ممکن است `infix` و `postfix` ، `prefix` عبارت برابر باشند.

۱) تنها موارد اول و دوم ۲) تنها موارد اول و سوم ۳) تنها موارد دوم و سوم ۴) همه موارد

۱۱. برای الگوریتمی به نام A که بزرگترین عنصر از یک پشته به نام S را حذف می کند ضمن اینکه ترتیب بقیه عناصر پشته تغییری نمی کند، در مقایسه با الگوریتمی بنام B که بزرگترین عنصر از یک صف به نام Q را حذف می کند ضمن اینکه ترتیب بقیه عناصر صف تغییری نمی کند، کدام گزینه صحیح است؟ (هر دو ساختمان داده n عنصر دارند)

۱) هزینه زمانی A بیشتر از B است ۲) هزینه زمانی B بیشتر از A است

۳) هزینه زمانی A و B با هم برابر است ۴) اطلاعات ناکافی می باشد

۱۲. می خواهیم با استفاده از تعدادی متغیر و حداقل تعداد صف کمکی ، ترتیب عناصر موجود در یک صف را معکوس کنیم در ضمن مجاز به استفاده از ساختمان داده دیگری نمی باشیم، بدین منظور حداقل به چه تعداد صف کمکی نیاز خواهیم داشت؟

۱) ۱(۱) ۲) ۲(۲) ۳) ۳(۳) ۴) حتما ساختمان داده پشته را نیاز دارد

۱۳. کدام یک از جملات if زیر برای اشاره گر P در زمان اجرا ممکن است دچار خطا شوند؟

۱) if (p->link!=NULL) p=p->link->link(۱) ۲) if (p!=NULL) p=p->link(۲)

۳) if (p!=NULL) p=p->link->link(۴) ۴) if (p->link!=NULL) p=p->link(۳)

۱۴. برای حذف آخرین گروه از یک لیست دو پیوندی حلقوی غیرتھی با n عنصر چه هزینه ای زمانی نیاز است؟ (با فرض داشتن آدرس گره حذف شده)

۱) O(n²)(۱) ۲) O(logn)(۲) ۳) O(n)(۳) ۴) O(1)(۴)

۱۵. درخت T با عبارت پرانتر بندی (فرم پرانتر بندی درخت T) به صورت ((A(B(E(K,L,N),F) , C(G),D(H(M),I,J,L))) به تعریف شده است درخت T دارای چه تعداد گره برگ است؟

۱) ۷(۱) ۲) ۸(۲) ۳) ۹(۳) ۴) ۱۰(۴)
www.nashr-estekhdam.ir

۱۶. در یک درخت مورب از درجه پنج با n گره حداکثر عمق چند است؟

۱) n(۱) ۲) ۵ / n (۲) ۳) 2n (۳) ۴) log n (۴)

۱۷. پیماش preorder یک درخت دودویی به صورت ABCDEFGH (اول A و آخر H) و پیماش postorder آن نیز HGFEDCBA می باشد، چه تعداد درخت دو دویی متمایز می توان با این دو پیماش ساخت؟

۱) ۱۲۸(۱) ۲) ۲۵۶(۲) ۳) ۱۰۳(۳) ۴) ۸۰(۴)

۱۸.تابع زیر برای درختی سه تائی (درخت از درجه ۳) با n گره و عمق k چه مقداری را برمی گرداند؟

```
Int fun(node *tree) {
if (tree==Null) return(0);
else return (1+fun (tree → link1)+ fun(tree → link2) + fun(tree → link3));
}
```

$$2n+1(4) \quad 3n+2(3) \quad (k-1)n+1(2) \quad n(1)$$

۱۹.می دانیم ساختمان داده Heap بطور معمول توسط آرایه ها پیاده سازی می شود، اگر بطور تصادفی یک عنصر از آرایه مربوط به Heap را حذف کنیم و عناصر را از انتهای آرایه به سمت ابتدا Shift دهیم تا محل درایه حذف شده پر شود در مورد دنباله داده های باقی مانده در آرایه ، کدام گزینه صحیح است؟

۱) همواره آرایه Heap اولیه حفظ می شود ۲) همواره Maxheap , Minheap به یکدیگر تبدیل می شوند

۳) همواره Heap اولیه خراب می شود ۴) ممکن است Heap اولیه حفظ گردد

۲۰.گراف جهت دار G دارای n رأس و e یال است، فضای حافظه مورد نیاز برای ذخیره گراف به روش ماتریس مجاورتی از چه مرتبه ای می باشد؟

$$O(ne)(4) \quad O(e \log e)(3) \quad O(n + e)(2) \quad O(n^2)(1)$$

۲۱.درخت پوشای کمینه گراف $G = (V, E)$ بنام T با وزن مینیمم W بدست آمده، اگر به هر یک از یالهای گراف G ، n واحد اضافه کنیم و گراف جدید را G' بنامیم، کدام گزینه برای وزن W' درخت پوشای کمینه گرا G' صحیح است؟

$$W' = W + n |V|(2) \quad W' = W + n |E|(1)$$

$$W' = W + n |E| - n(4) \quad W' = W + n |V| - n(3)$$

۲۲.استخدام خروجی تابع زیر به ازای $F(3,6)$ کدام است؟

```
Int F(int m, int n){
if ((m==1) || (n==0) || (m==n)) return(1);
Else return (F(m-1,n) + F(m-1,n-1));
}
```

www.nashr-estekhdam.ir

$$2(4) \quad 4(3) \quad 6(2) \quad 8(1)$$

۲۳. طول و عمق لیست زیر کدام است؟

$L = (5,(),(6,3),(3,(2,7))),4$

۲) طول = ۴ و عمق = ۳

۱) طول = ۵ و عمق = ۳

۴) طول = ۳ و عمق = ۴

۳) طول = ۴ و عمق = ۴

۲۴. درختی با n گره داریم که در آن ۵ گره از درجه ۴ و ۷ گره از درجه ۳ و ۴ گره از درجه ۲ وجود دارد. تعداد برگهای این درخت چند تا خواهد بود؟

۴) نامشخص

۲۷(۳)

۳۴(۲)

$2n-3$

۲۵. یک درخت دوتایی کامل با ارتفاع ۷ حداقل چند node دارد

۴) هیچکدام

۳۳(۳)

۶۵(۲)

۶۴(۱)

۲۶. در یک درخت ۴ تایی کامل که مجموعاً ۲۱ راس دارد، چه تعداد از این رئوس برگ هستند؟

۱۸(۴)

۱۷(۳)

۱۶(۲)

۱۱۵(۱)

۲۷. تعداد اتصالات غیر تهی در یک درخت با درجه K و n گره چقدر است؟

$nk(۴)$

$nk-1(۳)$

$n-1(۲)$

$n(۱)$

۲۸. در یک درخت با درجه حداقل ۳ تعداد گره های دو فرزندی ۲۰ سه فرزندی ۱۰ میباشد. تعداد برگهای درخت چه تعداد است؟

www.nashr-estekhdam.ir

۵۲(۲)

۵۱(۱)

۲۹. کدام درخت را نمیتوان با آرایه نمایش داد؟

max-heap(۴)

۳) کامل

۲) پر

۱) اریب

۳) چون تعداد گره های تک فرزندی مشخص نیست نمیتوان تعداد برگها را تعیین کرد

۳۰. الگوریتمی به صورت زیر برای محاسبه X به توان Y ارائه شده است، هزینه این الگوریتم کدام است؟

```
Int product (unsigned int x , unsigned int y) {  
    if (y==0)    return (1);  
    return (x*product (x, y-1));  
}
```

$O(x+y)$ (۴) $O(xy)$ (۳) $O(y)$ (۲) $O(x)$ (۱)

۳۱. در مسأله برجهای هانوی برای انتقال n دیسک از برج A به برج C به کمک برج B تابع زیر ارائه شده است به جای جمله (*) کدام گزینه باستی قرار گیرد؟

```
Void Hanoi (int n , peg A, peg C, peg B) {  
    if (n==1)      move top Disk on A to C;  
  
    Else{  
        Hanoi (n-1 , A,B,C);  
        move top Disk on A to C;  
        * ;  
    }  
}
```

$Hanoi (n-1 , B , C , A)$ (۱)

$Hanoi (n-1 , B , A , C)$ (۲)

$Hanoi (n-1 , A , B , C)$ (۳)

$Hanoi (n-1 , C , A , B)$ (۴)

۳۲. فرض کنید آرایه A با n سطر و n ستون به صورت $\text{int } A[n][n]$ در زبان C++ تعریف شده باشد اگر آدرس پایه این آرایه برابر ۱۰۰۰ باشد و هر m بایت اشغال کند، آنگاه چه تعداد از عناصر آرایه، مستقل از روش ستونی یا سطحی در آدرس های برابری قرار می گیرند؟

m به m بستگی دارد $2n$ (۳) n (۲) $1(1)$

آرایه مقابله را در نظر بگیرید: (از چپ به راست)

75 70 65 84 98 78 100 93 55 61 81 68

در روش مرتب سازی سریع Quicksort با اولین مرحله محورگیری (لولاگیری) (Split) بردار به دو قسمت) با انتخاب عدد 75 به عنوان لولا ، حالت ایجاد شده برای ادامه Quicksort کدام یک از حالت های زیر خواهد بود؟ (مرتب سازی را نزولی فرض کنید)

100 81 93 84 98 78 75 65 55 61 70 68(۱)

100 81 94 93 98 78 75 65 61 55 70 68(۲)

100 81 93 98 84 78 75 61 65 55 70 68(۳)

100 81 84 93 78 98 75 61 55 65 70 68(۴)

کدام یک از روش های مرتب سازی زیر بطور معمول درجا (inplace) نیست

Mergesort(۴) Heapsort(۳) Insertionsort(۲) Quicksort(۱)

A. هزینه مرتب سازی مبنایی (RadixSort) در بهترین حالت برای آرایه n تایی

$O(\log n)$ (۴) $O(n \log n)$ (۳) $O(n)$ (۲) $O(n^2)$ (۱)

تابع زمانی الگوریتم زیر کدام است؟

```
Int f (int n) {  
    int a = 1;  
    for (int i=2; i<=n; i++)  
        a*=i;  
    return a;  
}
```

www.nashr-estekhdam.ir

$$T(n) = 2c(n+1)(۲)$$

$$T(n) = c(2n+1)(۱)$$

$$T(n) = c(n+1)(۴)$$

$$T(n) = 2cn+1(۳)$$

۳۷. قطعه کد زیر چه عملی انجام می دهد؟

```
n= get node( );
n → info=a;
n → next = list;
list = n;
```

۱) درج در ابتدای لیست پیوند خطی

۲) حذف گره ابتدای لیست پیوند خطی

۳) درج بعد از یک گره در لیست پیوند خطی

۴) حذف یک گره از لیست پیوند خطی

۳۸. فرض کنید اعداد ۱ تا ۱۳۹۱ داخل یک لیست دو پیوندی حلقوی قرار گرفته باشد، در این صورت پیچیدگی زمانی درج عدد ۱۳۹۲ داخل این لیست چند می باشد؟

۴) برای لیستهای دو پیوندی نمی توان پیچیدگی زمانی محاسبه نمود

$O(n^2)$

$O(1)$

$O(n)$

۳۹. تابع زیر چه عملی انجام می دهد؟

```
Void p(node *list) {
If (list != null) {
P (list → next);
Cout << list → info;
}
}
```

۱) عناصر لیست را به صورت مرتب در خروجی چاپ می کند

۲) عناصر لیست را به همان ترتیبی که در لیست درج شده است در خروجی چاپ می نماید

۳) عناصر لیست را از آخر به اول در خروجی چاپ می کند

۴) عناصر لیست را برعکس می کند

۴۰. اگر T یک درخت دودویی کامل با n گره باشد به طوریکه گره های با اندیس i و $=i \leq n$ اندیس گذاری شده باشد (از چپ به راست) در این صورت کدام گزینه صحیح است؟

(۱) اگر $i=1$ نباشد آنگاه پدر i در $[2i]$ است

(۲) اگر $n > 2i$ آنگاه فرزند راست i در $[2i+1]$ است

(۳) حداقل گره ها در سطح A ام یک درخت دودویی برابر با ۲ به توان $(1-i)$ است

(۴) حداقل تعداد گره ها در یک درخت دودویی به عمق A برابر با ۲ به توان $(-1-i)$ است

۴۱. اگر پیمایش inorder یک درخت به صورت GHDEBFCA و پیمایش postorder آن به صورت GHBEAFCA باشد آنگاه پیمایش Preorder آن کدام است؟

ABDGHEFC(۴)

ABDAGEFC(۳)

ABGDHEFC(۲)

ADBEGHCF(۱)

۴۲. اگر داشته باشیم $A[10][5]$ int و آدرس پایه این ماتریس ۵۰ باشد و بخواهیم ماتریس را به صورت ستونی در حافظه ذخیره کنیم، آنگاه عنصر $A[3][2]$ در چه محلی ذخیره می شود؟ $(\text{sizeof(int)}=2)$

۸۴(۴)

۷۶(۳)

۹۶(۲)

۱۱۶(۱)

۴۳. اگر A یک ماتریس سه قطری باشد و بخواهیم A را در یک آرایه یک بعدی نشان دهیم به طوری که هر $A[i][j]$ معادل عنصر $B[L]$ باشد آنگاه کدام رابطه درست است؟

$L=2i+j-2$ (۴)

$L=2i+j+2$ (۳)

$L=2i-j-2$ (۲)

$L=2i-j+2$ (۱)

۴۴. عبارت ریاضی Prefix عبارت ریاضی G کدام است؟ $((A+B) * (C-D) + E) - F-G$

-*+/+AB-CDEFG(۱)

www.nashr-estekhdam.ir

-*++/ AB-CDEFG(۲)

*+/+AB-CDE-FG(۳)

*++/AB-CDE-FG(۴)

۴۵. کدام گزینه نادرست است؟ (منظور از عبارت محاسباتی، عبارتی است که هر عملگرهای آن حرف دودویی باشند)

(۱) پیمايش infix یک درخت شامل عبارت محاسباتی ، infix عبارت را بروزگرداند

(۲) پیمايش preorder یک درخت شامل عبارت محاسباتی ، preorder عبارت را بروزگرداند

(۳) پیمايش postfix یک درخت شامل عبارت محاسباتی ، postfix عبارت را بروزگرداند

(۴) درختی که یک عبارت محاسباتی را نمایش می دهد، یک درخت دودویی محسن است.

۴۶. در مورد درختان Heap کدام گزینه صحیح نیست؟

(۱) یک درخت max heap یک درخت دودویی پر است که یک max tree نیز باشد

(۲) یک درخت min heap یک درخت دودویی کامل است که یک min tree نیز باشد

(۳) با استفاده از max heap درخت heap sort آرایه را به صورت نزولی مرتب می کند

(۴) با استفاده از min heap درخت heap sort آرایه را به صورت صعودی مرتب می کند

۴۷. در مورد درخت BST (درخت جستجوی دودویی) کدام گزینه صحیح است؟

(۱) عناصر درخت BST به صورت مرتب درج می شوند

(۲) پیچیدگی زمانی جستجوی یک عنصر در درخت BST از مرتبه $O(n \log n)$ است

(۳) پیمايش inorder درخت BST عناصر درخت را به صورت مرتب شده برگرداند

(۴) درج عناصر در درخت BST از مرتبه $O(1)$ می باشد.

۴۸. اگر G یک گراف باشد ، کدام گزینه صحیح است؟

(۱) یک دور یک مسیر است که اولین و آخرین رأس آن یکی باشد

(۲) همبند است هرگاه دو رأس وجود داشته باشد که بین آن دو رأس مسیر وجود داشته باشد

(۳) گراف جهت دار G همبند قوی است، هرگاه برای هر زوج v, u از رئوس G یک مسیر جهت دار از v ، u وجود داشته باشد

(۴) اگر G غیر جهت دار باشد آنگاه تعداد رئوس از درجه فرد، زوج است

۴۹. کدام یک از روش‌های مرتب سازی زیر پایدار نیست؟

- (۱) مرتب سازی حبابی (۲) مرتب سازی ادغامی (۳) مرتب سازی درجی (۴) مرتب سازی هرمی

۵۰. اگر داشته باشیم : $\text{int } A[10]$ و آدرس پایه این ماتریس ۵ باشد و بخواهیم ماتریس را به صورت ستونی در حافظه ذخیره کنیم، آنگاه عنصر $A[3][2]$ در چه محلی ذخیره می‌شود؟ ($\text{sizeof(int)}=2$)

۸۴(۴) ۷۶(۳) ۹۶(۲) ۱۱۶(۱)

۵۱. در مورد درختان heap کدام گزینه صحیح نیست؟

(۱) یک درخت دودویی max heap یک درخت دودویی پر است که یک max tree نیز باشد.

(۲) یک درخت دودویی min heap یک درخت دودویی کامل است که یک min tree نیز باشد.

(۳) با استفاده از max heap ، درخت heap sort آرایه را به صورت نزولی مرتب می‌کند.

(۴) با استفاده از min heap ، درخت heap sort آرایه را به صورت صعودی مرتب می‌کند.

۵۲. فرض کنید اعداد ۱ تا ۱۳۹۲ داخل یک لیست دوپیوندی حلقوی قرار گرفته باشد، در این صورت پیچیدگی زمانی درج عدد ۱۳۹۲ داخل این لیست چند می‌باشد؟

www.nashr-estekhdam.ir

O(1) (۲) O(n) (۱)

(۴) برای لیستهای پیوندی نمیتوان پیچیدگی زمانی محاسبه نمود. O(n^2) (۳)

۵۳. در الگوریتم مرتب سازی سریع اگر عنصر اول لیست به عنوان محور یا لولا انتخاب شود، بدترین مرتبه زمانی در چه شرایطی به وجود می‌آید؟

(۱) فقط زمانی که لیست مرتب شده صعودی باشد (۲) زمانی که لیست مرتب شده نزولی باشد

(۳) فقط زمانی که لیست مرتب شده نزولی باشد (۴) زمانی که تعداد داده‌های لیست توانی از دو نباشد

۵۴. اگر یک درخت دودویی غیر تهی دارای ۲۰ گره دو فرزندی باشد چند برگ دارد؟

۲۲(۴) ۲۱(۳) ۲۰(۲) ۱۹(۱)

۵۵. پیمایش Inorder یک درخت BFCADE و پیمایش Preorder آن ABCFDE میباشد. پیمایش level-Order (ترتیب سطحی) آن چیست؟

ABECDF (۴)

ABDCEF (۳)

ABCDEF (۲)

ABCDFE (۱)

۵۶. با توجه به اعداد زیر، اگر عدد ۷۵ در الگوریتم مرتب سازی سریع Quick sort به عنوان محور انتخاب شود، اولین دو عددی که جای آنها با یکدیگر عوض می شود کدام است؟

75, 70, 65, 84, 98, 78, 100, 93, 55, 61, 81, 68

۹۸ و ۸۱ (۴)

۸۴ و ۸۱ (۳)

۹۸ و ۶۸ (۲)

۸۴ و ۶۸ (۱)

۵۷. کدام گزینه صحیح است؟

۱) الگوریتم مرتب سازی حبابی و مرتب سازی سریع هر دو در حالت متوسط از مرتبه $O(n^2)$ می باشد.

۲) الگوریتم مرتب سازی حبابی و مرتب سازی درختی هر دو در حالت متوسط از مرتبه $O(n^2)$ می باشد.

۳) الگوریتم مرتب سازی درخت دودویی و مرتب سازی سریع هر دو در حالت متوسط از مرتبه $O(n \log n)$ می باشد.

۴) الگوریتم مرتب سازی حبابی و مرتب سازی هرمی هر دو در حالت متوسط از مرتبه $O(n^2)$ می باشد.

۵۸. اگر بخواهیم تنها با استفاده از تعدادی صفت عناصر یک پشته را بدون تغییر به پشته دیگری منتقل کنیم کمترین تعداد صف لازم چند تا است؟

۴) حتما باید از پشته استفاده کرد

۲(۳)

۱(۲)

۳(۱)

۵۹. در مرتب سازی حبابی برای اینکه بزرگترین عنصر در انتهای آرایه قرار گیرد، چند مقایسه و چند جابجایی لازم است؟

۱) حداقل $n-1$ مقایسه و حداقل $n-1$ جابجایی

۲) حداقل $n-1$ مقایسه و حداقل $n-1$ جابجایی

۳) حداقل n مقایسه و حداقل n جابجایی

۴) حداقل $n-1$ مقایسه و حداقل $n-1$ جابجایی

۶۰. کدام گزینه صحیح است؟

۱) اگر پیمایش پیشوندی و پسوندی یک درخت دودویی را داشته باشیم آن درخت به طور یکتا قبل رسم است.

۲) در پیمایش میانوندی درخت با استفاده از پشته تعداد push ها برابر با تعداد برگهای درخت است.

۳) در پیمایش پیشوندی درخت با استفاده از پشته تعداد pop ها برابر با تعداد فرزندان راست درخت است.

۴) در پیمایش پسوندی درخت سمت راست ترین گره آخرین گره ملاقات شده است.

۶۱. برای حذف عناصر تکراری از بین لیستی از اعداد کدام ساختار داده‌ای استفاده می‌کنیم؟

queue (۴)

BST (۳)

stack (۲)

heap (۱)

۶۲. دلیل اصلی استفاده از توابع بازگشته چیست؟

(۱) ساختار تکرار بعضی از ساختمان داده‌ها

(۲) راحتی تدوین برنامه‌های بازگشته و تعداد کم دستوران استفاده شده در آنها

(۳) هزینه کم از نظر منبع کامپیوتر

(۴) همه گزینه‌ها

۶۳. الگوریتم زیر برای محاسبه سری فیبوناچی است گزینه صحیح را انتخاب نمایید؟

```
Function fibo (n:integer) : integer;
Var f,f1,f2,i:integer;
Begin
f1=1; f2=1;
for i=1 to n do begin
f=f1+f2;
f1=f2;
f2=f;
end;
fibo=f;
end
```

(۱) الگوریتم این برنامه از رده برنامه ریزی پویا میباشد و مرتبه آن خطی است

(۲) الگوریتم این برنامه از رده تقسیم و غلبه و مرتبه آن خطی است

www.nashr-estekhdam.ir

(۳) الگوریتم این برنامه از رده برنامه ریزی پویا و مرتبه آن بیش از خطی است

(۴) الگوریتم این برنامه از رده تقسیم و غلبه است و مرتبه آن بیش از خطی است.

۶۴. برای حذف عنصر K از یک آرایه N عنصری چند جابجایی لازم است؟

$N-K+1$ (۴)

$N - K$ (۳)

K (۲)

$N - K - 1$ (۱)

۶۵. در یک جستجو خطی حداکثر تعداد جستجو برابر کدام است

n(۴) به توان ۲

n/2(۳)

n-1(۲)

n(۱)

۶۶. آرایه ای شامل ۸ عنصر است این عناصر به چند شکل میتوانند در آرایه قرار گیرند

(۱) به ۸ شکل

(۲) به ۶۴ شکل

(۳) به ۲۵۶ شکل

(۴) به ۴۰۳۲۰ شکل

۶۷. هدف از آرایه فشرده چیست؟

(۱) نامحدود نمودن آرایه

(۲) نحوه دسترسی سریعتر به عناصر آن

(۳) صرفه جویی در حافظه

(۴) کوچک شدن آرایه

۶۸. حاصلضرب دو ماتریس اسپارس؟

(۱) ممکن است یک ماتریس اسپارس نباشد

(۲) همواره یک ماتریس اسپارس میباشد

(۳) همواره ماتریس صفر است

۶۹. رشته ABCD چند زیر رشته دارد؟

۱۰(۴)

۱۱(۳)

۵(۲)

۴(۱)

۷۰. در push کردن به stack یک واحد اضافه میشود و بعد داده وارد پشته میشود؟

(۱) ابتدا top یک واحد اضافه میشود و بعد داده وارد پشته میشود

(۲) ابتدا top یک واحد کم میشود و بعد داده وارد پشته میشود

(۳) داده وارد میشود و بعد top یک واحد اضافه میکند

(۴) داده وارد میشود و بعد top یک واحد کم میکند

۷۱. کم هزینه ترین از نظر تخصیص حافظه برای اینکه عناصر پشته s1 را به پشته دیگر s2 بدون اینکه ترتیب عناصر تغییر یابند، انتقال دهیم کدام است؟

(۱) از طریق یک متغیر (۲) از طریق یک پشته اضافی (۳) از طریق ۲ پشته اضافی (۴) از طریق چند متغیر

۷۲. اعداد ۱ تا ۶ به ترتیب وارد پشته میشوند کدام یک از گزینه ها را نمیتوان در خروجی نمایش داد؟

۲۱۵۳۶۴(۴)

۴۳۲۱۶۵(۳)

۳۲۴۶۵۱(۲)

۱۲۳۵۶۴(۱)

۷۳. صفت الویتدار شامل کدام یک از اعمال زیر میشود

۲) درج - حذف کوپکترین عنصر

۱) جستجو - درج - حذف کوپکترین عنصر

۴) درج - حذف

۳) جستجو - درج - حذف

۷۴. در یک صف معمولی اگر $\text{front}=\text{rear}$ باشد چه مفهومی خواهد داشت؟

۱) فقط به معنای پر بودن صف است

۲) فقط به معنای خالی بودن صف است

۳) به معنای خالی بودن صف است ولی در عین حال ممکن است صف هم پر باشد.

۴) در هر حالتی (خالی-پر-نیمه پر) ممکن است $\text{front}=\text{rear}$ باشد.

۷۵. تعداد خانه های خالی در صف معمولی برابر است با؟

$f-r$ (۴)

$r-f$ (۳)

$n-(r-f)$ (۲)

$n-(f-r)$ (۱)

۷۶. اگر یک صف دوار با گنجایش n عنصر و اشاره گرهای $head$ و $tail$ داشته باشیم، حداقل چه تعداد عنصر میتوان داخل این صف قرار داد؟

www.nashr-estekhdam.ir

$n+2$ (۴)

$n+1$ (۳)

n (۲)

$n-1$ (۱)

۷۷. زمان اجرای یک الگوریتم روی ماشین به چه عواملی بستگی دارد؟

۴) هر سه

compiler (۳)

computer (۲)

input size (۱)

۷۸. مزیت لیست پیوندی نسبت به آرایه در نمایش لیست کدام است؟

۲) جستجوی عنصری از لیست

۱) پیشمايش لیست

۴) مصرف کمتر حافظه

۳) سادگی عمل حذف و درج عنصر از لیست

۷۹. در لیست پیوندی یکطرفه کدام یک از الگوریتم زیر را نمیتوان مورد استفاده قرار داد؟

۲) جستجوی خطی

۱) مرتب سازی حبابی

۴) الگوریتمهای بازگشته

۳) جستجوی دودویی

۸۰. کدام عبارت صحیح است؟

۱) ترتیب قرار گرفتن عناصر آرایه در حافظه مشابه ترتیب قرار گرفتن عناصر لیست پیوندی در حافظه میباشد

۲) عناصر آرایه در حافظه پشت سر هم قرار نمیگیرند

۳) عناصر لیست پیوندی در حافظه پشت سر هم قرار میگیرند

۴) عناصر آرایه در حافظه پشت سر هم قرار میگیرند

۸۱. در یک درخت BST (جستجوی دودویی) ۱۶ عنصر ذخیره شده است، برای جستجوی یک عنصر دلخواه حداکثر چند مقایسه نیاز است؟

۱۰(۴)

۸(۳)

۱۶(۲)

۴(۱)

۸۲. کدام گزینه نادرست است؟

۱) یک heap همیشه یک درخت دوتایی کامل است

www.nashr-estekhdam.ir

۲) یک درخت دوتایی کامل همیشه یک heap است

۳) یک heap همیشه از نوع درخت جستجوی دودویی نیست

۴) یک درخت جستجوی دودویی همیشه یک heap نیست

۸۳. اگر چند لبه نظیر هم در یک گراف وجود داشته باشد آن گراف ؟

۲) یک گراف بدون جهت است

۱) یک گراف جهتدار است

۴) در تعریف گراف این مطلب نمیگنجد

۳) یک گراف چند گانه است

۸۴. در یک گراف با ۵ راس و درجه رئوس به ترتیب ۲ و ۳ و ۴ و ۲ تعداد لبه ها عبارتند از؟

۸(۴)

۷(۳)

۶(۲)

۵(۱)

۸۵. بزرگترین و کوچکترین عنصر هر درخت BST همواره از چه درجه ای است؟

۱) از درجه ۱

۲) از درجه ۲

۳) از درجه ۰ یا ۱

۸۶. چنانچه بخواهیم داده های تکراری را از لیستی حذف کنیم، از کدام ساختار دودویی برای لیست مزبور استفاده میکنیم؟

۱) درخت جستجوی دودویی

۲) درخت heap

۳) پشته

۴) صف

۸۷. کاربرد درخت heap کدام است؟

۱) جستجوی سریع

۲) صف و پشته

۳) مرتب کردن داده ها

۴) مرتب کردن داده ها - صف اولویت دار

۸۸. مرتبه زمانی کدام یک از الگوریتمهای مرتب سازی زیر برای مرتب سازی عناصر یک آرایه در بدترین حالت (n^0) است؟

۱) مرتب سازی سریع

۲) مرتب سازی انتخابی

۳) مرتب سازی حبابی

۴) مرتب سازی درجی

www.nashr-estekhdam.ir

۸۹. کدام عبارت صحیح نیست؟

۱) درختی که تعدادی از لبته ها و تعدادی از رئوس را در بردارد، درخت پوشان گفته میشود

۲) الگوریتم DFS لبه های T را به شکل یک درخت پوشان تعیین میکند

۳) الگوریتم BFS لبه های T را به شکل یک درخت پوشان تعیین میکند

۴) همه گرافهای متصل با $n-1$ لبه درخت هستند

۹۰. برای یافتن درخت پوشای حداقل یک گراف خلوت، کدام یک از الگوریتمهای زیر مناسب تر است؟

dijkstra(۴)

kruskal(۳)

prim(۲)

Floyd(۱)

۹۱. مزیت لیست پیوندی نسبت به آرایه چیست؟

۲) ساده‌تر بودن عملیات حذف و درج

۱) مصرف حافظه کمتر

۴) سریعتر بودن عمل جستجو

۳) سریعتر بودن عمل پیمایش

۹۲. برای حذف یک عنصر از لیست یک طرفه چند آدرس باید جایگزین شود؟

۴(۴)

۳(۳)

۲(۲)

۱(۱)

۹۳. یک صف حلقوی با ۷۰ خانه داریم. اگر $front=35$ و $rear=20$ باشد، تعداد خانه‌های پر این صف کدام است؟

۲۰(۴)

۳۵(۳)

۱۵(۲)

۵۵(۱)

۹۴. معادله پیشوندی عبارت پسوندی زیر چیست؟

$(A+B) * (C-D)$

*+AB-CD(۴)

*AB+-CD(۳)

*+AB-DC(۲)

*+ABCD-(۱)

۹۵. کدام گزینه یک ساختمان داده نیست؟

۴) لیست پیوندی

۳) مجموعه

۲) صف حلقوی

۱) گراف جهتدار

۹۶. کدام گزینه نادرست است؟

۱) تعداد زیر درختهای یک گره درجه آن گره نامیده میشود

www.nashr-estekhdam.ir

۲) تعداد زیر درختهای یک گره درجه آن درخت نامیده میشود

۳) فرزندان یک گره، گرههای همزاد یا هم نیا نامیده میشوند

۴) یک جنگل شامل N درخت مجزا میباشد که N بزرگتر یا مساوی از صفر میباشد

۹۷. ساختمان داده یک گره درخت نخی به چه صورتی بهتر است؟

- (۱) ۵ فیلد اشاره گر
(۲) ۳ فیلد اشاره گر و یک فیلد داده ای
(۳) ۲ فیلد اشاره گر و یک فیلد داده ای

۹۸. کدامیک از جملات زیر در مورد درختها درست نمیباشد؟

- (۱) پیماش preorder جنگل و درخت دودویی متناظر با آن یکسان است.
(۲) پیماش postorder جنگل و درخت دودویی متناظر با آن یکسان است.
(۳) پیماش inorder جنگل و درخت دودویی متناظر با آن یکسان است.
(۴) پیماش به ترتیب سطح جنگل و درخت دودویی متناظر با آن نتیجه یکسان ندارد.

۹۹. مسائل جستجوی دودویی و حاصل جمع زیر مجموعه ها در رده کدام دسته از مسائل قرار می گیرند (از راست به چپ)؟

NP-P(۴) NP-NP(۳) P-NP(۲) P-P(۱)

۱۰۰. مرتبه زمانی قطعه کد زیر کدام است؟

```
i=n ;  
While (i>=1) {  
    j=i ;  
    While (j<=n) {  
        //some statements require O(1) times  
        i=j*2;  
    }  
    i=i/2;  
}
```

www.nashr-estekhdam.ir

$$T(n) \in \Theta(\log n)(۲) \quad T(n) \in \Theta((\log n)^2)(۱)$$

$$T(n) \in \Theta(\log(\log n))(۴) \quad T(n) \in \Theta(n \log n)(۳)$$

پاسخ نامه

۱ گزینه ۸۱	۳ گزینه ۶۱	۴ گزینه ۴۱	۱ گزینه ۲۱	۱ گزینه ۳
۲ گزینه ۸۲	۲ گزینه ۶۲	۲ گزینه ۴۲	۱ گزینه ۲۲	۲ گزینه ۳
۳ گزینه ۸۳	۱ گزینه ۶۳	۴ گزینه ۴۳	۱ گزینه ۲۳	۳ گزینه ۱
۲ گزینه ۸۴	۳ گزینه ۶۴	۱ گزینه ۴۴	۲ گزینه ۲۴	۴ گزینه ۱
۳ گزینه ۸۵	۱ گزینه ۶۵	۱ گزینه ۴۵	۱ گزینه ۲۵	۵ گزینه ۳
۱ گزینه ۸۶	۱ گزینه ۶۶	۲ گزینه ۴۶	۲ گزینه ۲۶	۶ گزینه ۲
۴ گزینه ۸۷	۳ گزینه ۶۷	۳ گزینه ۴۷	۲ گزینه ۲۷	۷ گزینه ۳
۴ گزینه ۸۸	۱ گزینه ۶۸	۴ گزینه ۴۸	۱ گزینه ۲۸	۸ گزینه ۲
۱ گزینه ۸۹	۳ گزینه ۶۹	۴ گزینه ۴۹	۱ گزینه ۲۹	۹ گزینه ۲
۳ گزینه ۹۰	۱ گزینه ۷۰	۲ گزینه ۵۰	۳ گزینه ۳۰	۱۰ گزینه ۴
۲ گزینه ۹۱	۲ گزینه ۷۱	۲ گزینه ۵۱	۲ گزینه ۳۱	۱۱ گزینه ۱
۱ گزینه ۹۲	۴ گزینه ۷۲	۲ گزینه ۵۲	۳ گزینه ۳۲	۱۲ گزینه ۱
۱ گزینه ۹۳	۲ گزینه ۷۳	۳ گزینه ۵۳	۴ گزینه ۳۳	۱۳ گزینه ۳
۴ گزینه ۹۴	۳ گزینه ۷۴	۳ گزینه ۵۴	۴ گزینه ۳۴	۱۴ گزینه ۴
۳ گزینه ۹۵	۱ گزینه ۷۵	۳ گزینه ۵۵	۲ گزینه ۳۵	۱۵ گزینه ۱
۲ گزینه ۹۶	۱ گزینه ۷۶	۱ گزینه ۵۶	۱ گزینه ۳۶	۱۶ گزینه ۲
۴ گزینه ۹۷	۴ گزینه ۷۷	۳ گزینه ۵۷	۱ گزینه ۳۷	۱۷ گزینه ۱
۲ گزینه ۹۸	۳ گزینه ۷۸	۲ گزینه ۵۸	۲ گزینه ۳۸	۱۸ گزینه ۲
۴ گزینه ۹۹	۳ گزینه ۷۹	۲ گزینه ۵۹	۳ گزینه ۳۹	۱۹ گزینه ۴
۱ گزینه ۱۰۰	۴ گزینه ۸۰	۳ گزینه ۶۰	۳ گزینه ۴۰	۲۰ گزینه ۲

- در تکه برنامه زیر دستوری که با علامت * مشخص شده است چند بار اجرا می شود؟

```
for ( i=1 ; i<=5 ; i++ )  
for ( j=1 ; j<=5-i ; j++ )  
(*) P;
```

www.nashr-estekhdam.ir

۹ . ۴

۱۰ . ۳

۸ . ۲

۶ . ۱

- کدامیک از عبارات زیر صحیح است؟

$$\frac{n^2}{\log n} \in \theta(n^2) \quad .\cdot ۲$$

$$n! \in o(n^n) \quad .\cdot ۱$$

$$\sum_{i=0}^n i \in \theta(n) \quad .\cdot ۴$$

$$6n^2 + 17 \in \Omega(n^3) \quad .\cdot ۳$$

- خروجیتابع بازگشته زیر به ازای $a=7$ و $b=3$ کدام است؟

```
int test (int a, int b)  
{   if (a<b)   return 0;  
    else   return ( test((a-b) , b) +1;  
}
```

۴ . صفر

۳ . ۳

۲ . ۲

۱ . ۱

۴- تابع بازگشتی زیر چه عملی را انجام می دهد؟

```
int Q ( int n , int m )
{
    if (m <= n) return ( Q( n, m + 1 ) + m );
    else return (0);
}
```

۱. حاصل جمع اعداد ۱ تا m
۲. حاصل جمع n و m
۳. تعداد اعداد بین m تا n
۴. تعداد اعداد بین n تا m

۵- اگر در یک آرایه ۱۰۰ عنصری مرتب شده با روش جستجوی دودویی، به دنبال عنصر خاصی باشیم، در بدترین حالت به چند مقایسه نیازمندیم؟

۱۰۰ . ۴ ۵۰ . ۳ ۷ . ۲ ۱ . ۶

۶- فرض کنید آرایه دو بعدی (30×20) A بصورت ستونی در حافظه ذخیره شده است، اگر آدرس شروع ذخیره سازی ۱۰۰۰ باشد و هر عنصر آرایه نیاز به ۲ بایت حافظه داشته باشد، در اینصورت آدرس عنصر (۹ و ۱۱) A از چه آدرسی شروع می شود؟

۱۵۶۲ . ۴ ۱۲۸۱ . ۳ ۱۲۲۹ . ۲ ۱۴۵۸ . ۱

۷- الگوریتم محاسبه ترانهاده یک ماتریس در نمایش خلوت با اندازه (n^* m) و t عنصر غیر صفر، از چه مرتبه ای است؟

$O(mn)$. ۴ $O(mt)$. ۳ $O(nt)$. ۲ $O(n+t)$. ۱

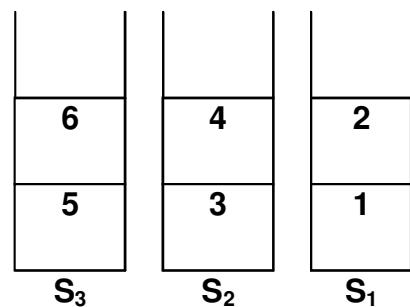
- سه پشته S_1 و S_2 و S_3 هر یک حاوی دو عدد به شکل زیر می باشند دو عملگر (i,j) و $\text{pop}(i)$ به صورت زیر تعریف شده اند:

یک عنصر از پشته S_i حذف و به پشته S_j اضافه می کند.

یک عنصر از پشته S_i حذف و در خروجی چاپ می کند.

برای چاپ کردن اعداد به صورت $(6,4,2,5,3,1)$ (از راست به چپ) عملگر $\text{pop}(i)$ باید حداقل چندبار مورد استفاده قرار بگیرد.

www.nashr-estekhdam.ir



۱. ۳ بار

۲. ۴ بار

۳. ۵ بار

۴. ۶ بار

- حاصل عبارت postfix (پسوندی) زیر چند است؟

1 2 + 3 * 14 4 1 3 * + / +

۱. صفر

۱۱. ۳

۱۰. ۲

۹. ۱

- اگر حروف الفبای A,B,C,D,E,F به ترتیب از سمت چپ به راست وارد پشته شوند کدامیک از خروجی های زیر از پشته امکان پذیر است؟ (گزینه ها را از چپ به راست بررسی کنید)

۱. BEA

۲. ABFC

۳. EDCBA

۴. BDFA

۱۱- کدام یک از گزینه های زیر صحیح است؟

۱. توابع حذف و اضافه کردن به صفت دارای پیچیدگی زمانی $O(1)$ هستند.
 ۲. توابع حذف و اضافه کردن به پشته دارای پیچیدگی زمانی $O(n)$ هستند.
 ۳. صفت الیت صعودی، صفتی است که عناصر باید به ترتیب صعودی به آن اضافه و به ترتیب نزولی از آن حذف شوند.
 ۴. در صفت حلقوی می توان عناصر را در جای مناسب درج کرد همچنین میتوان هر عنصر دلخواه را حذف کرد.
- ۱۲- کدام گزینه تعداد عناصر در یک صفت حلقوی را نشان می دهد؟ (به یک خانه قبل از ابتدای صفت اشاره می کند و R به انتهای صفت اشاره می کند و n تعداد خانه های صفت است.)

$$M = \begin{cases} n-F+R & \text{if } F > R \\ R-F & \text{if } R > F \end{cases} . \quad .2$$

$$M = \begin{cases} n-(R-F) & \text{if } F > R \\ R-F & \text{if } R > F \end{cases} . \quad .1$$

$$M = n - (R-F) . \quad .4$$

$$M = R - F . \quad .3$$

۱۳- تابع زیر عمل حذف کردن یک عنصر از صف حلقوی را انجام می دهد، به جای دستور (*) چه عبارتی باید قرار بگیرد؟

```
elementtype      deleteq  (struct  q *queue)
{
    if (queue->front == queue->rear)
        queueempty();
    else
        (*دستور);
    return queue->items [ queue->front ];
}
```

$$queue \rightarrow front = (queue \rightarrow front + 1) \% max\ queue; \quad .1$$

www.nashr-estekhdam.ir $queue \rightarrow items = \lceil queue \rightarrow rear \rceil = item; \quad .2$

$$queue \rightarrow rear = (queue \rightarrow rear + 1) \% max\ queue; \quad .3$$

$$queue \rightarrow front == queue \rightarrow rear + 1; \quad .4$$

۱۴- اگر در یک لیست پیوندی یکطرفه هم برای ابتداء و هم برای انتهای لیست اشاره گر وجود داشته باشد، کدام یک از عملیات زیر، زمان اجرایشان به تعداد عناصر لیست وابسته است؟

۱. درج در ابتدای لیست
۲. درج در انتهای لیست
۳. حذف اولین عنصر لیست
۴. حذف آخرین عنصر لیست

۱۵- اگر در یک لیست پیوندی یکطرفه بخواهیم دنباله ای از گره ها به طول t عناصر را در مکان i ام لیست مورد نظر اضافه کنیم، پیچیدگی زمانی عملیات چگونه است؟

O($i+t$) . ۴

O(it) . ۳

O(i) . ۲

O(t) . ۱

۱۶- تابع زیر چه عملی را روی لیست پیوندی انجام میدهد؟

```
int test ( Node *ptr )
{
    Node     *L;
    int      C=0;
    L=ptr ;
    if ( L==NULL )      return 0;
    while ( L )
    {
        L=L → next;
        c++ ;
    }
    return c;
}
```

www.nashr-estekhdam.ir

۱. داده های مشترک دو لیست را می شمارد.
۲. به هر عنصر لیست یک واحد اضافه می کند و در خروجی چاپ می کند.
۳. تعداد گره های لیست را برمی گرداند.
۴. عناصر یک لیست را تک به تک برمی گرداند.

۱۷- یک درخت دودویی کامل به ارتفاع h ، حداقل و حداکثر چند گره می تواند داشته باشد؟

$$\sum_{i=0}^h 2^i \quad \text{حداکثر} \quad \sum_{i=0}^{h-1} 2^i \quad \text{حداقل}$$

$$\sum_{i=0}^{h-1} 2^i \quad \text{حداکثر} \quad \left(\sum_{i=0}^{h-2} 2^i \right) + 1 \quad \text{حداقل}$$

$$\sum_{i=0}^{h-2} 2^i \quad \text{حداکثر} \quad \left(\sum_{i=0}^{h-1} 2^i \right)$$

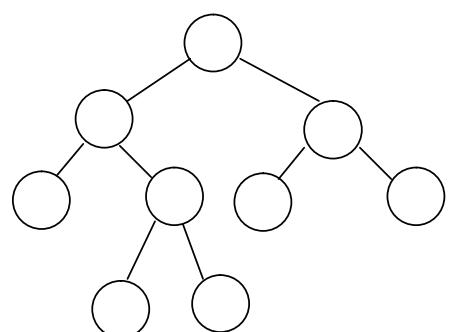
$$\left(\sum_{i=0}^{h-1} 2^i \right) + 1 \quad \text{حداکثر} \quad \left(\sum_{i=0}^{h-2} 2^i \right) - 1 \quad \text{حداقل}$$

۱۸- اگر تابع **test** بر روی درخت دودویی زیر اجرا شود، در خروجی چه عددی را برمی گرداند؟

(تابع **max**، ماکزیمم دو مقدار را برمی گرداند)

```
int test (T)
{
    if ( T==NULL ) return 0 ;
    return ( 1+ max (test ( T.leftchild) , test ( T.rightchild) ) ;
}
```

www.nashr-estekhdam.ir



۵ . ۴

۴ . ۳

۳ . ۲

۹ . ۱

۱۹- تعداد درخت های دودویی که پیمایش **inorder** و **preorder** آنها به صورت زیر باشد، چندتا است؟

Preorder: ABDEHCFIJG

Inorder: DBHEAIFJCG

۱. ۱ درخت

۲. ۲ درخت

۳. ۴ درخت

۴. نمی توان درختی رسم کرد.

۱. ۱ درخت

۲. ۲ درخت

۲۰- کدام یک از گزینه های زیر صحیح است؟

۱. یک **heap** همیشه یک درخت جستجوی دودویی است.

۲. ارتفاع یک درخت جستجوی دودویی با n عنصر می تواند n باشد.

۳. هر گره درخت انتخابی از دو فرزندش بزرگتر است.

۴. یک درخت دودویی کامل همیشه یک **heap** است.

۲۱- کدام گزینه صحیح می باشد؟

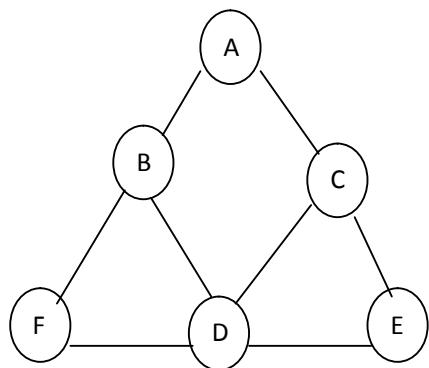
۱. اگر n تعداد راس های گراف باشد تعداد بالهای درخت پوشای کمینه حداقل $n-1$ خواهد بود.

۲. درخت پوشای کمینه در تمامی حالات منحصر به فرد خواهد بود.

۳. در الگوریتم پریم بالهای ابتدا مرتب می شوند و به ترتیب انتخاب می گردند.

۴. در الگوریتم پریم در هر مرحله یک درخت داریم.

۴۲- کدام گزینه نمی تواند خروجی پیمایش اول عمق(DFS) گراف زیر باشد؟



ABFDCE .۴

ACDBFE .۳

ABDCFE .۲

ABDCEF .۱

۴۳- الگوریتم زیر داده ها را به کدام روش مرتب می کند؟

void test (int A[], int n)

{

 int i , j , temp;

 for (i=1 ; i<n ; i++)

{

 temp=A[i];

 for (j= i ; j>0 && A[j-1]>temp ; j--)

 A [j]=A[j-1]

 A [j]=temp;

 }

}

۴. مرتب سازی حبابی

۳. مرتب سازی درجی

۲. مرتب سازی ادغامی

۱. مرتب سازی انتخابی

www.nashr-estekhdam.ir

۲۴- کدامیک از گزینه های زیر صحیح است؟

۱. کارایی مرتب سازی درجی در آرایه های کوچک از مرتب سازی حبابی بیشتر است.

۲. مرتبه اجرایی مرتب سازی مبنایی در همه حالات $O(n \log n)$ است.

۳. مرتب سازی هرمی پایدار و درجاست.

۴. مرتب سازی سریع در بدترین حالت پیچیدگی $O(n^2)$ را دارد و پایدار است.

۲۵- تعداد عناصر غیر صفر در یک ماتریس بالا مثلثی (n^*n) چندتاست؟

$$\underline{n(n+1)} \quad .^4$$

$$\underline{n(n-1)} \quad .^3$$

$$n^2 \quad .^2$$

$$n \quad .^1$$

توضیحات	کلید سوال	شماره	توضیحات	کلید سوال	شماره	توضیحات	کلید سوال	شماره
		41		د	21		ج	1
		42		ب	22		الف	2
		43		ج	23		ب	3
		44		الف	24		ج	4
		45		د	25		ب	5
		46			26		د	6
		47			27		ب	7
		48			28		د	8
		49			29		ج	9
		50			30		ب	10
		51			31		الف	11
		52			32		ب	12
		53			33		الف	13
		54			34		د	14
		55			35		د	15
		56			36		ج	16
		57			37		ب	17
		58			38		ج	18
		59			39		الف	19
		60			40		ب	20

-۱ تابع زمانی الگوریتم زیر کدام است؟

```
int f( int n ) {  
    int a = 1;  
    For (int i=2; i<= n ; i++)  
        a*= i;  
    return a;  
}
```

www.nashr-estekhdam.ir

$$T(n)=c(n+1) \quad .\quad ۴ \qquad T(n)=2cn+1 \quad .\quad ۳ \qquad T(n)=2c(n+1) \quad .\quad ۲ \qquad T(n)=c(2n+1) \quad .\quad ۱$$

اگر $T(n)=a_m n^m + a_{m-1} n^{m-1} + \dots + a_1 n + a_0$ آنگاه کدام گزینه درست است؟ -۲

$$T(n) \in O(n^m), T(n) \notin \Theta(n^m) \quad .\quad ۲ \qquad T(n) \in \Omega(n^m), T(n) \notin \Theta(n^m) \quad .\quad ۱$$

$$T(n) \in O(n^m), T(n) \in \Theta(n^m) \quad .\quad ۴ \qquad T(n) \in O(n^m), T(n) \notin \Omega(n^m) \quad .\quad ۳$$

-۳ کدام یک از عبارات زیر صحیح می باشد؟

$$n! + 7n^5 \in O(n^5) \quad .\quad ۲ \qquad 7n^2 - 6n + 2 \in \Theta(n^3) \quad .\quad ۱$$

$$T(n) \in O(n) \quad \text{آنگاه} \quad T(n)=2T(n/2)+1 \quad .\quad ۴ \qquad T(n) \in O(n) \quad \text{آنگاه} \quad T(n)=T(n/2)+1 \quad .\quad ۳ \quad \text{اگر}$$

-۴ کدام گزینه نادرست است؟

$$O(n) \leq O(n \log n) \quad .\quad ۲ \qquad O(n) \leq O(\log n) \quad .\quad ۱$$

$$O(\log n) \leq O(n) \quad .\quad ۴ \qquad O(n \log n) \leq O(n^2) \quad .\quad ۳$$

-۵ اگر داشته باشیم: $\text{int } A[10][5]$ و آدرس پایه این ماتریس ۵۰ باشد و بخواهیم ماتریس را به صورت ستونی در حافظه ذخیره کنیم، آنگاه عنصر $A[3][2]$ در چه محلی ذخیره می شود؟ (۲)

۶- اگر $A[i][j]$ یک ماتریس سه قطری باشد و بخواهیم A را در یک آرایه یک بعدی نشان دهیم به طوری که هر $[L]$ باشد، آنگاه کدام رابطه درست است؟

$$L=2i+j+2 \quad .4$$

$$L=2i+j-2 \quad .3$$

$$L=2i-j-2 \quad .2$$

$$L=2i-j+2 \quad .1$$

۷- عبارت ریاضی **prefix** عبارت ریاضی $((A+B)/(C-D)+E)^*F-G$ کدام است؟

$$-*++/AB-CDEFG \quad .2$$

$$-*+/+AB-CDEFG \quad .1$$

$$*++/AB-CDE-FG \quad .4$$

$$*+/+AB-CDE-FG \quad .3$$

۸- دنباله اعداد ۱،۳،۵،۷،۹ را به ترتیب از سمت چپ به راست وارد پشته می کنیم. اگر تنها اعمال مجاز بر روی پشته عملیات **pop** و **push** باشد، آنگاه کدام یک از خروجی های زیر از پشته امکان پذیر نیست? (از سمت چپ به راست)

$$1 \ 5 \ 3 \ 9 \ 7 \ .4$$

$$1 \ 9 \ 3 \ 7 \ 4 \ .3$$

$$1 \ 3 \ 9 \ 7 \ 5 \ .2$$

$$9 \ 7 \ 5 \ 3 \ 1 \ .1$$

۹- در مورد صفات حلقوی کدام گزینه (برای اعمال درج و حذف) صحیح است؟

$$\text{front} = (\text{front}-1)\%n \ , \ \text{rear} = (\text{rear}-1)\%n \ .2$$

$$\text{front} = (\text{front}-1)\%n \ , \ \text{rear} = (\text{rear}+1)\%n \ .1$$

$$\text{front} = (\text{front}+1)\%n \ , \ \text{rear} = (\text{rear}-1)\%n \ .4$$

$$\text{front} = (\text{front}+1)\%n \ , \ \text{rear} = (\text{rear}+1)\%n \ .3$$

۱۰- اگر $N=7$ تعداد عناصر در یک صفات حلقوی باشد و متغیر F به خانه ای که بلافاصله قبل از جلوی صفات قرار دارد، اشاره کند و متغیر R به عقب صفات، در این صورت کدام گزینه پر بودن صفات را نشان می دهد؟

$$F=6 \ , \ R=0 \ .4$$

$$F=5 \ , \ R=6 \ .3$$

$$F=5 \ , \ R=5 \ .2$$

$$F=0 \ , \ R=6 \ .1$$

۱۱- قطعه کد زیر چه عملی انجام می دهد؟

```
n= get node();  
n → info=a;  
n → next=list;  
list= n;
```

www.nashr-estekhdam.ir

۱. درج در ابتدای لیست پیوند خطی
۲. حذف گره ابتدای لیست پیوند خطی
۳. درج بعد از یک گره در لیست پیوند خطی
۴. حذف یک گره از لیست پیوند خطی

۱۲- فرض کنید اعداد ۱ تا ۱۳۹۱ داخل یک لیست دو پیوندی حلقوی قرار گرفته باشد، در این صورت پیچیدگی زمانی درج عدد ۱۳۹۲ داخل این لیست چند می باشد؟

۱. $O(n)$
۲. $O(1)$
۳. $O(n^2)$

۴. برای لیستهای دو پیوندی نمی توان پیچیدگی زمانی محاسبه نمود.

۱۳-تابع زیر چه عملی انجام می دهد؟

```
Void p (node *list) {  
If (list != null) {  
P( list → next);  
Cout << list → info;  
}  
}
```

۱. عناصر لیست را به صورت مرتب در خروجی چاپ می کند.
۲. عناصر لیست رابه همان ترتیبی که در لیست درج شده است، در خروجی چاپ می نماید.
۳. عناصر لیست را از آخر به اول در خروجی چاپ می نماید.
۴. عناصر لیست را برعکس می کند.

۱۴- اگر T یک درخت دودویی کامل با n گره باشد، بطوریکه گره های با اندیس i و $n \leq i \leq 1$ اندیس گذاری شده باشد(از چپ به راست) در این صورت کدام گزینه صحیح است؟

۱. اگر $i \neq 1$ آنگاه پدر i در $[2i]$ است.

www.nashr-estekhdam.ir

۲. اگر $2i > n$ آنگاه فرزند راست i در $2i+1$ است.

۳. حداکثر گره ها در سطح i ام یک درخت دودویی برابر با 2^{i-1} است.

۴. حداکثر تعداد گره ها در یک درخت دودویی به عمق i برابر با 2^{i-1} است.

۱۵- اگر پیمایش **inorder** یک درخت به صورت **GDHBEAFC** و پیمایش **postorder** آن به صورت باشد، آنگاه پیمایش **GHDEBFCA** آن کدام است؟

ABDGHEFC .۴

ABDAGEFC .۳

ABGDHEFC .۲

ADBEGHCF .۱

۱۶- کدام گزینه نادرست است؟ (منظور از عبارات محاسباتی، عباراتی است که هر عملگرهای آن حرف دودویی باشند)

۱. پیمایش **inorder** یک درخت شامل عبارت محاسباتی، عبارت را برمی گرداند.

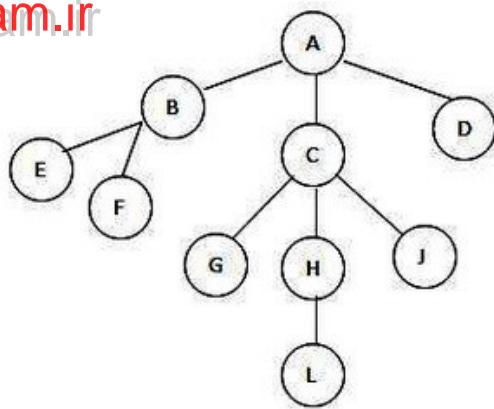
۲. پیمایش **preorder** یک درخت شامل عبارت محاسباتی، عبارت را برمی گرداند.

۳. پیمایش **postorder** یک درخت شامل عبارت محاسباتی، عبارت را برمی گرداند.

۴. درختی که یک عبارت محاسباتی را نمایش می دهد، یک درخت دودویی محسن است.

۱۷- اگر درخت عمومی زیر را به صورت درخت دودویی نشان دهیم، پیمایش **inorder** درخت دودویی حاصل چه خواهد بود؟

www.nashr-estekhdam.ir



EFBGLHJCDA .۴

EFBGLJHCDA .۳

EFBGDCALJA .۲

EFBCGHLGDA .۱

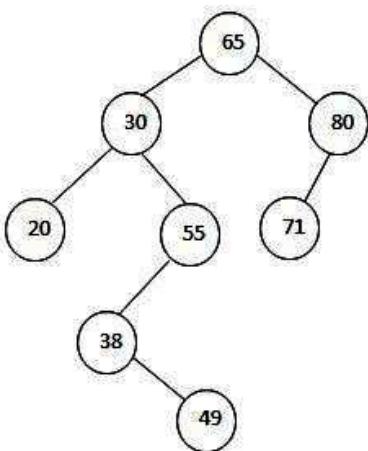
۱۸- در مورد درختان **heap** کدام گزینه صحیح نیست؟

۱. یک درخت **max heap** یک درخت دودویی پر است که یک **max tree** نیز باشد.
۲. یک درخت **min heap** یک درخت دودویی کامل است که یک **min tree** نیز باشد.
۳. با استفاده از **max heap, heap sort** آرایه را به صورت نزولی مرتب می کند.
۴. با استفاده از **min heap, heap sort** آرایه را به صورت صعودی مرتب می کند.

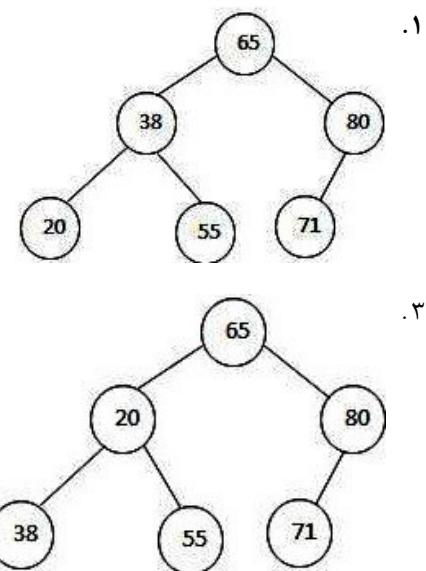
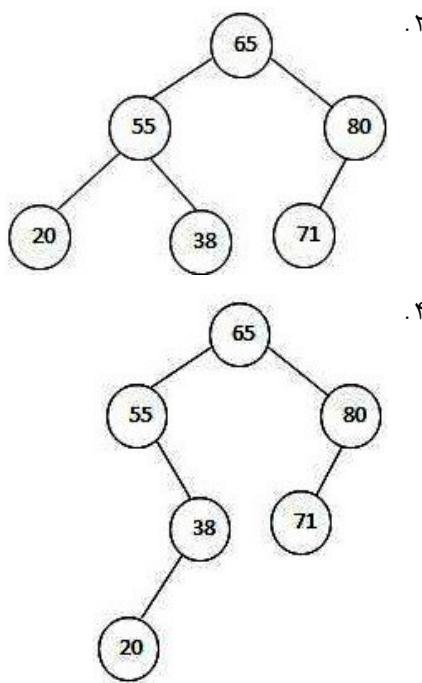
۱۹- در مورد درخت **BST** (درخت جستجوی دودویی) کدام گزینه صحیح است؟

۱. عناصر در درخت **BST** به صورت مرتب درج می شوند.
۲. پیچیدگی زمانی جستجوی یک عنصر در درخت **BST** از مرتبه $O(n \log n)$ است.
۳. پیمایش **inorder** درخت **BST** عناصر درخت را به صورت مرتب شده برمی گرداند.
۴. درج عناصر در درخت **BST** از مرتبه $O(1)$ می باشد.

- درخت **BST** زیر را در نظر بگیرید. درخت حاصل از حذف گره ۳۰ کدام است؟ (برای سهولت نمایش گزینه ها، گره های سطح ۴ در جواب نشان داده نشده اند)



www.nashr-estekhdam.ir



-۴۱ اگر G یک گراف باشد، کدام گزینه صحیح است؟

۱. یک دور یک مسیر است که اولین و آخرین رأس آن یکی باشد.
۲. G همبند است هرگاه دو رأس وجود داشته باشد که بین آن دو رأس مسیر وجود داشته باشد.
۳. گراف جهت دار G همبند قوی است، هرگاه برای هر زوج u و v از رئوس G یک مسیر جهت دار از u به v وجود داشته باشد.
۴. اگر G غیر جهت دار باشد آنگاه تعداد رئوس از درجه فرد، زوج است.

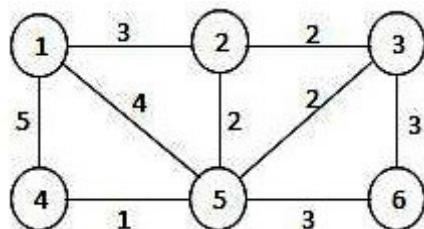
-۴۲ اگر A ماتریس مجاورتی گراف G باشد، آنگاه بین دو رأس $(2,3)$ این گراف چند مسیر به طول ۲ موجود است؟

0	0	0	1
1	0	1	1
1	0	0	1
0	0	1	0

www.nashr-estekhdam.ir

۳ . ۴ ۲ . ۳ ۱ . ۲ ۰ . ۱

-۴۳ در گراف زیر طول درخت پوشای کمینه چند است؟



۱۲ . ۴ ۱۱ . ۳ ۱۰ . ۲ ۹ . ۱

-۴۴ با توجه به اعداد زیر، اگر عدد ۷۵ در الگوریتم مرتب سازی سریع (quick sort) به عنوان محور انتخاب شود، اولین دو عددی که جای آنها با یکدیگر عوض می شود کدام است؟

75,70,65,84,98,78,100,93,55,61,81,68

۹۸ و ۸۱ . ۴ ۸۴ و ۸۱ . ۳ ۹۸ و ۶۸ . ۲ ۸۴ و ۶۸ . ۱

۴۵- کدام گزینه صحیح است؟

۱. الگوریتم مرتب سازی حبابی و مرتب سازی سریع هر دو در حالت متوسط از مرتبه $O(n^2)$ می باشد.
۲. الگوریتم مرتب سازی حبابی و مرتب سازی درختی هر دو در حالت متوسط از مرتبه $O(n^2)$ می باشد.
۳. الگوریتم مرتب سازی درخت دودوئی و مرتب سازی سریع هر دو در حالت متوسط از مرتبه $O(n \log n)$ می باشد.
۴. الگوریتم مرتب سازی حبابی و مرتب سازی هرمی هر دو در حالت متوسط از مرتبه $O(n^2)$ می باشد.

الف	1
د	2
د	3
الف	4
ب	5
ج	6
الف	7
ب	8
ج	9
الف	10
الف	11
ب	12
ج	13
د	14
د	15
الف	16
د	17
ب	18
ج	19
الف	20
د	21
ب	22
ج	23
الف	24
ج	25

۱- تابع بازگشتی زیر را در نظر بگیرید. زمان اجرای تابع کدام گزینه است؟

```
int func(int n){  
    if (n<=2)  
        return 1;  
    else  
        return func(n-2) + func(n-2);
```

www.nashr-estekhdam.ir

$$O(2^n)$$

$$O\left(\frac{n}{2}\right)$$

$$O(n \log n)$$

$$O(n^{\gamma})$$

```
for(i=1; i<=n; i++)  
    for(j=1; j<=2*i; j++)  
        for(k=1; k<=3; k++)  
            cout<< i*j*k;
```

$$O(n^{\gamma})$$

$$O(n \log n)$$

$$O(n)$$

$$O(n^{\gamma})$$

۲- پیچیدگی زمانی تابع زیر کدام است؟

۳- برای رابطه بازگشتی زیر که در آن d یک ثابت زمانی است کدام گزینه صحیح است؟

$$T(n) = \lceil T\left(\frac{n}{2}\right) \rceil + d$$

$$T(n) \in O(\log n)$$

$$T(n) \in O(n^{\gamma})$$

$$T(n) \in O(n \log n)$$

$$T(n) \in O(n)$$

۴- آرایه دو بعدی بالا مثلثی $A[1..6][1..6]$ را در نظر بگیرید. اگر هر عنصر آرایه دو بایت فضا اشغال کند و عنصر $A[4][5]$ در

آدرس ۱۰۰۰ ذخیره شده باشد و پیاده سازی آرایه به صورت سطری باشد آدرس $A[2][3]$ کدام است؟

$$1018$$

$$984$$

$$982$$

$$1016$$

۵- اگر یک درخت دودویی غیر تهی دارای ۲۰ گره دو فرزندی باشد چند برگ دارد؟

$$22$$

$$21$$

$$20$$

$$19$$

۶- عبارت پیشوندی زیر داده شده است:

$/-/+abc^*+dc7d$

معادل پسوندی آن کدام است؟

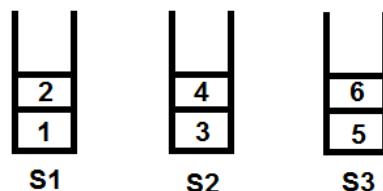
$$ab+cd-/c7^*+d/$$

$$ab+c/dc7^*+-d/$$

$$abc/+dc7^*+d/-$$

$$ab+c/dc+7^*-d/$$

-۷ سه پشته S_1 , S_2 و S_3 هر یک حاوی دو عدد به صورت زیر داده شده اند.



عملگرهای $\text{pop}(i)$ و $\text{poppush}(i,j)$ بر روی این پشته ها به صورت زیر تعریف شده اند:

: یک عنصر از بالای پشته S_i خارج کرده و بالای پشته S_j قرار می دهد.

: عنصر بالای پشته S_i را خارج کرده و چاپ می کند.

برای چاپ اعداد ۱ تا ۶ به صورت ۱، ۳، ۵، ۲، ۴ و ۶ عملگر poppush را حداقل چند بار باید به کار برد؟

۴ . ۴

۵ . ۳

۶ . ۲

۳ . ۱

-۸ برای بررسی تطبیق پرانتزها، کروشه ها و آکولادها برای عبارت زیر پشته مورد استفاده، گنجایش حداکثر چند عنصر را باید داشته باشد؟

$$\{x+(y-[a+b]*c-[(d+e)])\}/(j-(k-[l-n]))$$

۴ . ۴

۱۶ . ۳

۹ . ۲

۱۳ . ۱

-۹ عناصر صف های Q_1 و Q_2 به ترتیب از چپ به راست به صورت زیر است:

$Q_1: 2, 7, 1, 5, 4, 6, 3$

$Q_2: 2, 4, 7, 5, 3, 6, 1$

پس از اجرای قطعه کد زیر محتوای صف Q_3 از چپ به راست کدام است؟

```
i=0;  
while(!empty(Q1) && !empty(Q2)){  
    x= delete(Q1);  
    y= delete(Q2);  
    if(x==y)  
        add(Q3, i);  
}
```

www.nashr-estekhdam.ir

۱, ۵, ۳ . ۴

۷, ۱, ۴ . ۳

۲, ۵, ۶ . ۲

۱, ۴, ۶ . ۱

۱۰- اگر بخواهیم تنها با استفاده از تعدادی صفت عناصر یک پشته را بدون تغییر به پشته دیگری منتقل کنیم کمترین تعداد صفات لازم چند تا است؟

۱ . ۲

۳ . ۱

۴ . حتماً باید از پشته استفاده کرد.

۲ . ۳

۱۱- اگر یک صفت دایره ای را در آرایه ای به طول $F=7$ پیاده سازی کرده باشیم و $R=3$ تعداد اقلام صفت چند تا است؟

۶ . ۴

۳ . ۳

۵ . ۲

۴ . ۱

۱۲- تابع زیر چه عملی روی لیست پیوندی انجام می دهد؟

```
void func(node *list){  
    if(list)  
        if(list->next == null){  
            free(list);  
            list= null;  
        }  
        else  
            func(list->next);  
}
```

www.nashr-estekhdam.ir

۲ . گره ما قبل آخر را حذف می کند.

۱ . اولین گره را حذف می کند.

۴ . آخرین گره را حذف می کند.

۳ . دومین گره را حذف می کند.

۱۳- حاصل اجرای تابع زیر بر روی لیست پیوندی یک طرفه (۳و۲و۱) که ابتدای لیست ۱ و انتهای لیست ۳ است، چیست؟

```
int func(node *list){  
    if(list == null)  
        return 0;  
    else if(list->next != null){  
        return list->info + func(list->next) + func(list->next->next);  
    }  
    else  
        return list->info;
```

۹ . ۴

۳ . ۳

۵ . ۲

۶ . ۱

۱۴- اگر اعداد ۵ و ۳ و ۲ و ۱ به ترتیب وارد پشته شوند کدام ترتیب خروجی اعداد از پشته امکان پذیر نیست؟

- ۱. ۴ و ۵ و ۳ و ۱
- ۲. ۱ و ۳ و ۵ و ۴
- ۳. ۵ و ۱ و ۴ و ۳
- ۴. ۱ و ۵ و ۴ و ۳

۱۵- تابع زیر بر روی یک درخت دودویی چه عملی انجام می دهد؟

```
int func(node *root){  
    if(root->left != null && root->right != null)  
        return 1+func(root->left) + func(root->right);  
    else  
        return 0  
}
```

www.nashr-estekhdam.ir

۲. تعداد گره های دو فرزندی درخت را محاسبه می کند.

۱. تعداد گره های درخت را محاسبه می کند.

۴. تعداد برگ های درخت را محاسبه می کند.

۳. تعداد گره های غیر برگ درخت را محاسبه می کند.

۱۶- کدام گزینه صحیح است؟

- ۱. اگر پیمایش پیشوندی و پسوندی یک درخت دودویی را داشته باشیم آن درخت به طور یکتا قابل رسم است.
- ۲. در پیمایش میانوندی درخت با استفاده از پشته تعداد push ها برابر با تعداد برگهای درخت است.
- ۳. در پیمایش پیشوندی درخت با استفاده از پشته تعداد pop ها برابر با تعداد فرزندان راست درخت است.
- ۴. در پیمایش پسوندی درخت سمت راست ترین گره آخرین گره ملاقات شده است.

۱۷- کدام آرایه نمی‌تواند نمایش دهنده ذخیره یک درخت دودویی توسط آرایه‌ها باشد؟

۱۲	۱۱	۱۰	۹	۸	۷	۶	۵	۴	۳	۲	۱	
۱			۳				۱۲	۹		۵	۲	۱۶

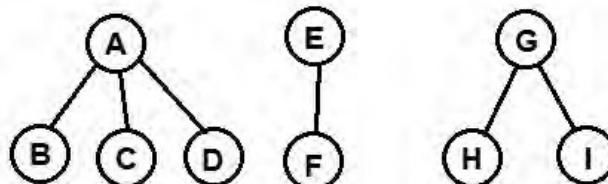
www.nashr-estekhdam.ir

۱۲	۱۱	۱۰	۹	۸	۷	۶	۵	۴	۳	۲	۱	
		۲۰				۱۵		۱۲		۹	۳	۶

۱۲	۱۱	۱۰	۹	۸	۷	۶	۵	۴	۳	۲	۱	
۳			۱۹			۴	۱۶			۱۱	۷	۱۵

۱۲	۱۱	۱۰	۹	۸	۷	۶	۵	۴	۳	۲	۱	
		۹		۱۶				۱	۲		۱۱	۸

۱۸- جنگل زیر را به یک درخت دودویی تبدیل می‌کنیم. سپس درخت دودویی را به صورت پسوندی پیمایش می‌کنیم. حاصل کدام گزینه است؟



DCBFIHGAE .۴

FCDBIHAEG .۳

IHFDCBGAE .۲

DCBAFEIHG .۱

۱۹- برای حذف عناصر تکراری از بین لیستی از اعداد از کدام ساختار داده‌ای استفاده می‌کنیم؟

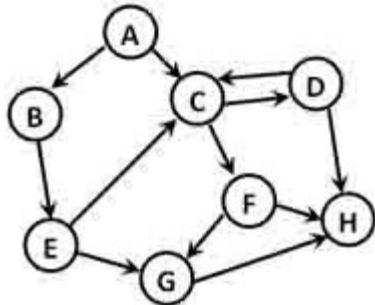
queue .۴

BST .۳

stack .۲

heap .۱

۲۰- اگر الگوریتم جستجوی عرضی را بر روی گراف جهتدار زیر با شروع از رأس A به کار ببریم خروجی حاصل کدام گزینه است؟



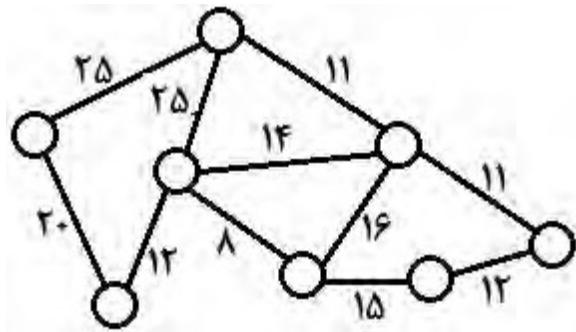
ABCFEGDH .۴

ABCD FEGH .۳

ACBDFGEH .۲

ABC EDFGH .۱

۲۱- اگر الگوریتم پریم را برای ایجاد درخت پوشای حداقل، بر روی گراف زیر به کار ببریم وزن درخت پوشای حداقل کدام است؟



۹۰ .۴

۸۸ .۳

۸۴ .۲

۸۳ .۱

۲۲- کدام یک از گزاره های زیر صحیح نیست؟

۱. درخت پوشای بهینه برای یک گراف ممکن است یکتا نباشد.

۲. در الگوریتم جستجوی عمقی گراف یالهای مورد استفاده همواره یک درخت ایجاد می کنند.

۳. درایه سطر A و ستون k ماتریس A^k تعداد مسیر های به طول حداکثر k را نشان می دهند.

۴. در یک گراف بدون جهت تعداد رئوس با درجه فرد همیشه زوج است.

۴۳- حاصل مرتب سازی آرایه زیر به روش مرتب سازی مبنایی پس از گذر دوم چیست؟

۲۳۹	۵۷	۷۸۱	۲۵۷	۵۲۹	۳۶۷	۱۲۱	۳۸۴
-----	----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

.۱

۵۷	۱۲۱	۲۵۷	۲۳۹	۵۲۹	۳۶۷	۳۸۴	۷۸۱
----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

.۲

۱۲۱	۵۲۹	۲۳۹	۵۷	۲۵۷	۳۶۷	۷۸۱	۳۸۴
-----	-----	-----	----	-----	-----	-----	-----

.۳

۵۷	۱۲۱	۲۳۹	۲۵۷	۳۸۴	۳۶۷	۵۲۹	۷۸۱
----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

.۴

۵۷	۷۸۱	۳۶۷	۵۲۹	۲۵۷	۳۸۴	۲۳۹	۱۲۱
----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

۴۴- در مرتب سازی حبایی برای اینکه بزرگترین عنصر در انتهای آرایه قرار گیرد، چند مقایسه و چند جابجایی لازم است؟

۱. حداقل $n-1$ مقایسه و حداقل $n-1$ جابجایی
۲. حداقل $n-1$ مقایسه و حداقل $n-1$ جابجایی
۳. حداقل n مقایسه و حداقل n جابجایی
۴. حداقل $n-1$ مقایسه و حداقل $n-1$ جابجایی

۴۵- کدام یک از روش‌های مرتب سازی زیر پایدار نیست؟

۱. مرتب سازی حبایی
۲. مرتب سازی ادغامی
۳. مرتب سازی درجی
۴. مرتب سازی هرمی

ج	1
د	2
الف	3
ب	4
ج	5
د	6
ج	7
د	8
الف	9
ب	10
د	11
د	12
د	13
ب	14
ب	15
ج	16
د	17
ج	18
د	19
الف	20
ب	21
ب	22
ب	23
ب	24
د	25